

十二年國民基本教育數學領域課程綱要

壹、基本理念

數學是人類從生活經驗中萃取出來的創造。長久以來，學校教育都將數學視為重要的學習基礎，因為它是一種語言、一種實用的規律科學、也是一種人文素養。本次數學課程綱要的實施特別強調，適度納入計算工具的使用，提供每位學生有感的學習機會。

一、數學是一種語言

文明的發展，語言具有關鍵性的地位。數學的發展融入自然語言，無論是數量、形狀及其相互關係的描述，都是生活中常見的用語。數學連結文字及符號語言，以更簡潔與精確的方式來理解人類的生活世界。就簡潔性而言，數學是一門密度很高的學問，它能夠以簡馭繁，用簡明的公式與理論，解釋各種繁雜的現象，展現強而有效的威力。就精確性而言，數學使用的語言或符號，可以適時彌補自然語言的不足。

人類心智的發展，語言與思考兩者密不可分。數學語言在演算能力、抽象思維、邏輯判斷等心智發展上扮演重要的催化角色。這些思考能力，不僅對生活智能有所影響，對於探究自然世界奧妙時，更能展現精煉、準確與推演的潛在能量，任何科技發展史，處處可見數學作為基礎的例證。

二、數學是一種實用的規律科學

數學被廣泛的應用在日常生活的需求、自然奧秘的探究、社會現象的解讀、財經問題的剖析、與科技發展的支柱等方面，這些看似紛亂無章的應用領域，經過數學的協助分析，總是可以洞見其深處不變的規律。數學，是一門善於處理規律的科學。

數學實用的例子甚多，例如：比例可用於各種錢幣的兌換及各種溶液百分濃度的稀釋；利用質數的性質發展出來的加密系統，能夠大幅提高資訊傳輸的安全；指數定律用來協助計算銀行利息的複利、闡明生物成長的速度、計算周期元素的半衰期等，在在展現其威力；三角除了在測量上的應用，三角函數更有助於描述各種波（如聲波、光波、水波）的研究；統計用於對未知世界的預測以及分析大數據等等。數學的應用隨處可見。

三、數學是一種人文素養

數學之所以能成為一種與自然界對話的語言，事實上是經過人類數千年來一連串探究、歸納、臆測與論證的成果。數學雖然有自己內在理路的發展走勢，但也必然因為回應社會的需求，而在文明裡扮演不可或缺的角色。由於人類各種族文明與社會的演進方式和歷程的殊異性，造就出不同的理路與思維文化。例如，古代東方數學偏向具象方式的歸納推理，而西方則傾向抽象方式的演繹思考，但兩種進路只是以不同語言呈現複雜事物背後的真相。因此數學史能夠幫助我們理解數學發展在不同文化的差異。

歷史上數學家們為解決難題所展現出鍥而不捨的探索精神，突顯出數學知識確實是人類文明發展的智識遺產。如果我們強調「適性揚才」與「終身學習」的教育目標，認識數學的文化面向，不僅有助於讓數學學習從工具性層次延伸到智識性層次，也更彰顯數學知識的人文價值。

四、計算工具有助於數學學習與應用

計算機(calculator)及電腦(computer)已經被廣泛使用於生活、學習、研究。國際上各先進國家都十分重視計算工具的教學，從中小學數學教育開始學習使用計算機。因為數學是一種規律的科學，其探究的過程須操作大量的數字，利用計算機及電腦的協助，可以落實探究活動。教師在數學課中，可適時教導學生使用計算機解決問題，但因為計算機的數值計算有一定的誤差，應該強調其使用時機及侷限，培養學生使用計算機的正確態度。具體來說，學生在熟練計算原理後，為避免太多繁複計算因而降低學習效率，可於學習及評量中適當使用計算機，執行複雜數字、統計數據、指數、對數及三角比的計算；實施時機

以國、高中階段為宜。教師可在適當時機使用電腦輔助教學範例，例如，在學生先有描點繪圖的經驗後，再以電腦繪圖加強其對函數圖形的直觀。

五、數學應提供每位學生有感的學習機會

數學與其他領域的差異，在於其結構層層累積，其發展既依賴直覺又需要推理。同齡學生的數學認知發展又有個別差異，學習者若未能充分理解前一階段的概念，必然影響後續階段的學習。課程綱要的編寫以適合中等程度的學生為主。課程綱要的實踐，教學上需藉由鷹架作用加以啟導，提供每位學生每節課都有感的學習活動機會。對於學習落後的學生，應考量學習方法、學習態度與基本學習能力，發展補救教學課程，及時補救，尤其落實於階段性學習落後的學生。將補救教學納入正課是最根本的辦法。對學習超前的學生，可設計加深、加廣、專題探究等各類課程，激發學生學習動力。

貳、課程目標

進入二十一世紀，數學應用的發展越發蓬勃，科學、技術、資訊、金融各領域對數理人才的需求，也日益殷切。十二年國民基本教育數學課程配合前述基本理念與未來社會演變，考量個人生涯規劃、國家經濟發展、國際社會參與，希望提供優質的十二年基礎數學課程，為學生日後進入大學、職場與社會做充分的準備。從另一角度看，國民教育的重點在於學習對生涯有用的知識與能力。

數學知識雖然本質抽象，卻因此有廣大的應用面向與深刻的應用層級。如何讓學生在不同年齡、不同能力、不同興趣或領域，皆能獲得足以結合理論與應用的數學素養，是國民數學教育的重要目標。數學教育需提供學生充分的學習機會。為了達成上述願景，數學有下列的課程目標。

- 一、 提供所有學生公平受教、適性揚才的機會，培育其探索數學的信心與正向態度。
- 二、 培養學生觀察規律、演算、抽象、推論及溝通等各項能力。
- 三、 培養學生使用工具，運用於數學程序及解決問題的正確態度。
- 四、 培養學生運用數學思考問題、分析問題和解決問題的能力。
- 五、 培養學生日常生活應用與學習其他學科所需的數學知能。
- 六、 培養學生欣賞數學的人文內涵中，以簡馭繁的精神與結構嚴謹完美的特質。

參、時間分配

數學領域在各教育階段的時數配置及必選修課程規劃如下。

國小一至六年級每週 4 堂課（160 分鐘）。

國中一至三年級每週 4 堂課（180 分鐘）。

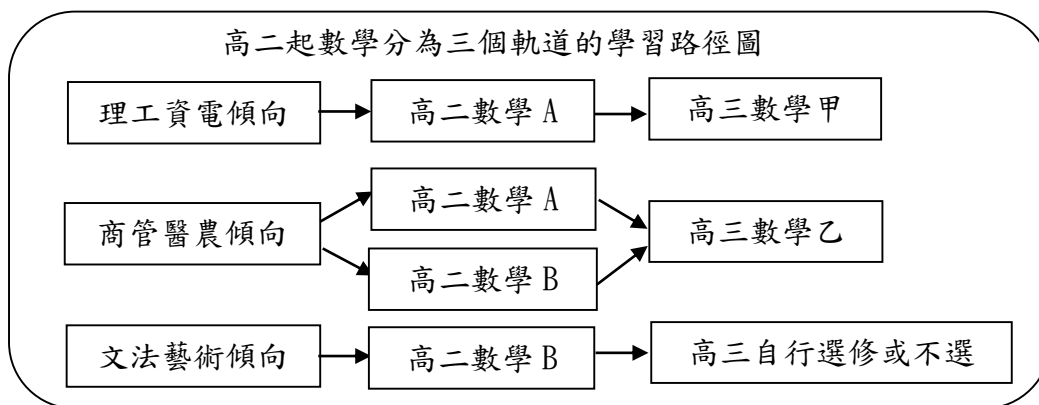
高中一年級必修 8 學分（每週 200 分鐘）。

高中二年級必修 8 學分（每週 200 分鐘，分為 A、B 兩類）。

高中三年級加深加廣選修 8 學分（每週 200 分鐘，分為甲、乙兩類）。

學生修習數學，從高二起分為三個軌道。對於數學需求比較多（例如理工資電傾向）的學生，可以修習數學A、然後修習數學甲。對於數學需求中等（例如商管醫農傾向）的學生，可以修習數學B或數學A、然後修習數學乙。對於數學需求比較少（例如文史法藝術傾向）的學生，可以只修習數學B。有鑑於高中學生不容易太早定向，數學課程綱要的設計盡量使轉軌不致太困難。請參見下面「高二起數學分為三個軌道的學習路徑圖」。

其他可供學校參考的高中數學選修課程，列於「陸、實施要點」中的「一、課程發展」項下第（三）條。



肆、核心素養

總綱 核心 素養 面向	總綱 核心 素養 項目	總綱核心素養 項目說明	數學領域核心素養具體內涵		
			國民小學教育 (E)	國民中學教育 (J)	普通型高級中等 學校教育 (U)
A 自主 行動	A1 身心素質 與 自我精進	具備身心健全發展的素質，擁有合宜的人性觀與自我觀，同時透過選擇、分析與運用新知，有效規劃生涯發展，探尋生命意義，並不斷自我精進，追求至善。			
	A2 系統思考 與 解決問題	具備問題理解、思辨分析、推理批判的系統思考與後設思考素養，並能行動與反思，以有效處理及解決生活、生命問題。	數-E-A2 具備基本的算術操作能力，並能指認基本的形體與相對關係，在日常生活情境中，用數學表述與解決問題。	數-J-A2 具備有理數、根式、坐標系之運作能力，並能以符號代表數或幾何物件，執行運算與推論，在生活情境或可理解的想像情境中，分析本質以解決問題。	數-S-A2 具備數學模型的基本工具，以數學模型解決典型的現實問題。瞭解數學在觀察歸納之後還須演繹證明的思維特徵及其價值。
	A3 規劃執行 與 創新應變	具備規劃及執行計畫的能力，並試探與發展多元專業知能、充實生活經驗，發揮創新精神，以因應社會變遷、增進個人的彈性適應力。			

總綱 核心 素養 面向	總綱 核心 素養 項目	總綱核心素養 項目說明	數學領域核心素養具體內涵		
			國民小學教育 (E)	國民中學教育 (J)	普通型高級中等 學校教育 (U)
B 溝通 互動	B1 符號運用 與 溝通表達	具備理解及使用語言、文字、數理、肢體及藝術等各種符號進行表達、溝通及互動，並能了解與同理他人，應用在日常生活及工作上。	數-E-B1 具備日常語言與數字及算術符號之間的轉換能力，並能熟練操作日常使用之度量衡及時間，認識日常經驗中的幾何形體，並能以符號表示公式。	數-J-B1 具備處理代數與幾何中數學關係的能力，並用以描述情境中的現象。能在經驗範圍內，以數學語言表述平面與空間的基本關係和性質。能以基本的統計量與機率，描述生活中不確定性的程度。	數-S-B1 具備描述狀態、關係、運算的數學符號的素養，掌握這些符號與日常語言的輔成價值；並能根據此符號執行操作程序，用以陳述情境中的問題，並能用以呈現數學操作或推論的過程。
	B2 科技資訊 與 媒體素養	具備善用科技、資訊與各類媒體之能力，培養相關倫理及媒體識讀的素養，俾能分析、思辨、批判人與科技、資訊及媒體之關係。	數-E-B2 具備報讀、製作基本統計圖表之能力。	數-J-B2 具備正確使用計算機的素養，包含知道其適用性與限制、認識其與數學知識的輔成價值、並能用以執行數學程序。能認識統計資料的基本特徵。	數-S-B2 具備正確使用計算機和電腦軟體的素養，包含知道其適用性與限制、認識其與數學知識的輔成價值，並能用以執行數學程序。能解讀、批判及反思媒體表達的資訊意涵與議題本質。
	B3 藝術涵養 與 美感素養	具備藝術感知、創作與鑑賞能力，體會藝術文化之美，透過生活美學的省思，豐富美感體驗，培養對美善的人事物，進行賞析、建構與分享的態度與能力。	數-E-B3 具備感受藝術作品中的數學形體或式樣的素養。	數-J-B3 具備辨認藝術作品中的幾何形體或數量關係的素養。並能在數學的推導中，享受數學之美。	數-S-B3 具備數學作為藝術創作原理或人類感知模型的素養，並願意嘗試運用數學原理協助藝術創作。

總綱 核心 素養 面向	總綱 核心 素養 項目	總綱核心素養 項目說明	數學領域核心素養具體內涵		
			國民小學教育 (E)	國民中學教育 (J)	普通型高級中等 學校教育 (U)
C 社會 參與	C1 道德實踐 與 公民意識	具備道德實踐的素養， 從個人小我到社會公 民，循序漸進，養成社 會責任感及公民意識， 主動關注公共議題並 積極參與社會活動，關 懷自然生態與人類永 續發展，而展現知善、 樂善與行善的品德。			
	C2 人際關係 與 團隊合作	具備友善的人際情懷 及與他人建立良好的 互動關係，並發展與人 溝通協調、包容異己、 社會參與及服務等團 隊合作的素養。	數-E-C2 具備樂 於與他人分享解 題過程的素養。	數-J-C2 具備樂 於協助他人及與 人合作解決數學 問題的素養。	數-S-C2 具備團 隊合作以解決數 學問題的素養。
	C3 多元文化 與 國際理解	具備自我文化認同的 信念，並尊重與欣賞多 元文化，積極關心全球 議題及國際情勢，且能 順應時代脈動與社會 需要，發展國際理解、 多元文化價值觀與世 界和平的胸懷。	數-E-C3 具備理 解與關心多元文 化或語言的數學 表徵的素養，並 與自己的語言文 化比較。	數-J-C3 具備敏 察和接納數學發 展的全球性歷史 與地理背景的素 養。	數-S-C3 具備欣 賞數學觀念或工 具跨文化傳承的 歷史與地理背景 的視野，並瞭解 其促成技術發展 或文化差異的範 例。

伍、學習重點

學習重點由「學習表現」與「學習內容」兩個向度所組成。學習重點用以引導課程設計、教材發展、教科書審查及學習評量等，並配合教學加以實踐。學習重點係由理念、目標與特性發展而來，並與核心素養進行雙向檢核，以瞭解二者的對應情形。學習重點展現課程綱要的具體內涵，能呼應核心素養。「學習重點與領域核心素養呼應表參考示例」(詳參附錄一)乃為使學習重點與核心素養能夠相互呼應，且透過學習重點落實本領域核心素養，並引導跨領域的課程設計，增進課程發展的嚴謹度。「議題融入領域示例說明」(詳參附錄二)乃為豐富本領域的學習，促進核心素養的涵育，使各項議題可與領域的學習重點適當結合。

學習重點的呈現，分國民小學、國民中學、普通型高中必修課程(高二分A、B兩類)、普通型高中加深加廣選修課程(高三分甲、乙兩類)等類編寫，係依據下述五個學習階段的教學目標發展而成。

第一學習階段(國小一至二年級):能初步掌握數、量、形的概念，其重點在自然數及其運算、長度與簡單圖形的認識。

第二學習階段(國小三至四年級):在數方面，能確實掌握自然數的四則與混合運算，培養流暢的數字感，並初步學習分數與小數的概念。在量方面，以長度為基礎，學習量的常用單位及其計算。在幾何方面，發展以角、邊要素認識幾何圖形的能力，並能以操作認識幾何圖形的性質。

第三學習階段(國小五至六年級):確實掌握分數與小數的四則計算。能以常用的數量關係，解決日常生活的問題。能認識簡單平面與立體形體的幾何性質，並理解其面積與體積的計算。能製作簡單的統計圖表。

第四學習階段(國中一至三年級):在數方面，能認識負數與根式的概念與計算，並理解坐標表示的意義。在代數方面，要熟悉代數式的運算、解方程式及簡單的函數。在平面幾何方面，各年級分別學習直觀幾何(直觀、辨識與描述)、測量幾何、推理幾何；空間幾何略晚學習。能理解統計與機率的意義，並認識基本的統計方法。

第五學習階段(高中一至三年級):在數方面，所有學生都應統整認識實數，並進一步發展計數原理及其應用；部分學生要將數的認識拓展到複數。在幾何方面，全體學生都有學習基本空間概念的機會，透過坐標而連結幾何與代數，並認識基本的線性代數；部分學生還要熟悉向量的操作，用來進一步發展坐標幾何與線性代數。在函數方面，全體學生都有機會認識三大類基本函數：多項式函數、指數與對數函數、與三角函數，能辨別它們的圖形特徵，並能用它們當作模型而解決典型問題；部分學生要將函數的學習，延伸到微積分基本知能。在不確定性方面，所有學生都應能運用基本統計量描述資料，能運用機率與統計的原理，推論不確定性的程度；部分學生能進一步理解隨機變數的分佈。

一、學習表現

學習表現強調以學習者為中心，重視認知(求知、應用、推理)與情意態度(賞識)的學習展現，代表「非內容」向度，具體展現或呼應核心素養。這些向度，由教育理論的描述，轉換為數學教師及一般人容易明白的描述。數學表現採納部分認知語詞做為學習進程的描述，其中所使用的專有名詞意義如下。

認識、理解、熟練：「認識」包含察覺、認識；「理解」包含辨識、概念連結、理解；「熟練」包含可做應用解題、推理，以及程序課題上的熟練。如果一個數學概念在一個階段可完成，學習表現以較成熟的學習階段來描述。因此如果學習表現只有「理解」沒有「認識」，則表示「認識」已完成，或「認識」與「理解」必須在同一階段完成。

情境：學生在理解概念或規律，以及解題應用時，經常需要連結於某經驗脈絡中，既可協助學習，亦有益於日後應用。課程綱要中常用到的情境，一種泛指這些經驗的脈絡特徵，例如：生活情境、具體情境(見下段)。另一種則指某核心類型的學習經驗，例如：平

分情境、測量情境。

具體情境：學生在學習時，經常需要先有恰當的範例、應用來提示與引導，這些情境泛稱為具體情境（對應於「認識」與「理解」）。在小學的第一、二階段具體情境與生活情境不做區分。但隨著學生熟習數學概念、表徵（如乘法的排列模型）或較抽象的思考經驗（如數字感），從第三階段起，學生學習數學所依賴的具體情境，就不限於生活情境。例如：學生在五、六年級學因數、倍數或質數課題時，最恰當的具體情境，就是學生對整數性質的熟悉，而非日常生活的問題。從第四階段起，具體情境甚至包括數學或其他領域的局部理論。

解題：在課程綱要中，數學的解題泛指能應用數學概念與程序，解決日常、數學、其他領域的應用問題。解題過程包括了解問題意義、選擇可能之策略、轉換該策略為數學問題、運用數學知識對該數學問題求解、能檢驗與詮釋這個解的意義、判斷是否完成解題之要求。更進一步之反思、推廣與溝通則不在課程綱要必要要求之列。

操作活動：操作活動泛指由操作中察覺、形成概念，甚至簡單連結各概念的各種活動。在小學第一或第二階段，由於學生處於建立各種概念的基礎時期，且數學經驗不足，必須藉生活情境來引導，因此許多課題的教學宜先以操作活動進行。

報讀：泛指資料的閱讀，因此包括能正確理解資料呈現方式（表格、統計圖），也能回答關於資料的直接問題與簡單延伸的問題（如和其他數學概念連結的問題）。需要較成熟推理能力的問題不屬於「報讀」的範疇。

學習表現依學習階段編寫，學習階段的劃分方式如下：國小一至二年級（低年級）為第一學習階段、三至四年級（中年級）為第二學習階段、五至六年級（高年級）為第三學習階段、國中一至三年級為第四學習階段、高級中等教育一至三年級為第五學習階段。其編碼方式如後所述。

第 1 碼為「表現類別」，分別以英文小寫字母 n（數與量）、s（空間與形狀）、g（坐標幾何）、r（關係）、a（代數）、f（函數）、d（資料與不確定性）表示。其中 r 為國小階段專用，到了國、高中之後轉換發展為 a 和 f。

第 2 碼為學習階段別，依序為 I（國小低年級）、II（國小中年級）、III（國小高年級）、IV（國中）、V（高級中等教育）。

第 3 碼為流水號（教科書在同一階段可以不依照流水號順序編寫）。

學習表現如後表所述，先依學習階段排序呈現，為方便瞭解同一種表現類別在所有年級的整體內容，依表現類別排序再呈現一次。

依學習階段排序之學習表現

編碼	學習表現（依學習階段排序）
第一學習階段	
n-I-1	理解一千以內數的位值結構，據以做為四則運算之基礎。
n-I-2	理解加法和減法的意義，熟練基本加減法並能流暢計算。
n-I-3	應用加法和減法的計算或估算於日常應用解題。
n-I-4	理解乘法的意義，熟練十十乘法，並初步進行分裝與平分的除法活動。
n-I-5	在具體情境中，解決簡單兩步驟應用問題。
n-I-6	認識簡單真分數。
n-I-7	理解長度及其常用單位，並做實測、估測與計算。
n-I-8	認識容量、重量、面積。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
n-I-9	認識時刻與時間常用單位。
s-I-1	從操作活動，初步認識物體與常見幾何形體的幾何特徵。
r-I-1	學習數學語言中的運算符號、關係符號、算式約定。
r-I-2	認識加法和乘法的運算規律。
r-I-3	認識加減互逆，並能應用與解題。
d-I-1	認識分類的模式，能主動蒐集資料、分類、並做簡單的呈現與說明。
第二學習階段	
n-II-1	理解一億以內數的位值結構，並據以做為各種運算與估算之基礎。
n-II-2	熟練較大位數之加、減、乘計算或估算，並能應用於日常解題。
n-II-3	理解除法的意義，能做計算與估算，並能應用於日常解題。
n-II-4	解決四則估算之日常應用問題。
n-II-5	在具體情境中，解決兩步驟應用問題。
n-II-6	理解同分母分數的加、減、整數倍的意義、計算與應用。認識等值分數的意義，並應用於認識簡單異分母分數之比較與加減的意義。
n-II-7	理解小數的意義與位值結構，並能做加、減、整數倍的直式計算與應用。
n-II-8	能在數線標示整數、分數、小數並做比較與加減，理解整數、分數、小數都是數。
n-II-9	理解長度、角度、面積、容量、重量的常用單位與換算，培養量感與估測能力，並能做計算和應用解題。認識體積。
n-II-10	理解時間的加減運算，並應用於日常的時間加減問題。
s-II-1	理解正方形和長方形的面積與周長公式與應用。
s-II-2	認識平面圖形全等的意義。
s-II-3	透過平面圖形的構成要素，認識常見三角形、常見四邊形與圓。
s-II-4	在活動中，認識幾何概念的應用，如旋轉角、展開圖與空間形體。
r-II-1	理解乘除互逆，並能應用與解題。
r-II-2	認識一維及二維之數量模式，並能說明與簡單推理。
r-II-3	理解兩步驟問題的併式計算與四則混合計算之約定。
r-II-4	認識兩步驟計算中加減與部分乘除計算的規則並能應用。
r-II-5	理解以文字表示之數學公式。
d-II-1	報讀與製作一維表格、二維表格、長條圖，並據以做簡單推論。
第三學習階段	
n-III-1	理解數的十進位的位值結構，並能據以延伸認識更大與更小的數。
n-III-2	在具體情境中，解決三步驟以上之常見應用問題。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
n-III-3	認識因數、倍數、質數、最大公因數、最小公倍數的意義、計算與應用。
n-III-4	理解約分、擴分、通分的意義，並應用於異分母分數的加減。
n-III-5	理解整數相除的分數表示的意義。
n-III-6	理解分數乘法和除法的意義、計算與應用。
n-III-7	理解小數乘法和除法的意義，能做直式計算與應用。
n-III-8	理解以四捨五入取概數，並進行合理估算。
n-III-9	理解比例關係的意義，並能據以觀察、表述、計算與解題，如比率、比例尺、速度、基準量等。
n-III-10	嘗試將較複雜的情境或模式中的數量關係以算式正確表述，並據以推理或解題。
n-III-11	認識量的常用單位及其換算，並處理相關的應用問題。
n-III-12	理解容量、容積和體積之間的關係，並做應用。
s-III-1	理解三角形、平行四邊形與梯形的面積計算。
s-III-2	認識圓周率的意義，理解圓面積、圓周長、扇形面積與弧長之計算方式。
s-III-3	從操作活動，理解空間中線與面的關係與簡單立體形體的性質。
s-III-4	理解角柱（含正方體、長方體）與圓柱的體積與表面積的計算方式。
s-III-5	以簡單推理，理解幾何形體的性質。
s-III-6	認識線對稱的意義與其推論。
s-III-7	認識平面圖形縮放的意義與應用。
r-III-1	理解各種計算規則（含分配律），並協助四則混合計算與應用解題。
r-III-2	熟練數（含分數、小數）的四則混合計算。
r-III-3	觀察情境或模式中的數量關係，並用文字或符號正確表述，協助推理與解題。
d-III-1	報讀與製作折線圖與圓形圖，並據以做簡單推論。
d-III-2	能從資料或圖表的資料數據，解決關於「可能性」的簡單問題。
第四學習階段	
n-IV-1	理解因數、倍數、質數、最大公因數、最小公倍數的意義及熟練其計算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-2	理解負數之意義、符號與在數線上的表示，擴充數的四則運算至負數，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-3	理解非負整數次方的指數和指數律，應用於質因數分解與科學記號，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-4	理解比、連比、正比和反比的意義和推理，並能運用到日常生活的情境解決問題。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
n-IV-5	理解二次方根的意義、符號與根式的四則運算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-6	應用十分逼近法估算二次方根的近似值，並能應用計算機計算、驗證與估算，建立對二次方根的數感。
n-IV-7	辨識數列的規律性，以數學符號表徵生活中的數量關係與規律，認識等差數列與等比數列，並能依首項與公差或公比計算其他各項。
n-IV-8	理解等差級數的求和公式，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-9	使用計算機計算比值、科學記號的數、複雜的數式、小數或根式等四則運算的近似值問題，並能理解計算機可能產生誤差。
s-IV-1	理解常用幾何形體的定義、符號、性質，並應用於幾何問題的解題。
s-IV-2	理解角的各種性質、三角形與凸多邊形的內角和外角的意義、三角形的外角和、與凸多邊形的內角和，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-3	理解兩條直線的垂直和平行的意義，以及各種性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-4	理解平面圖形全等的意義，知道圖形經平移、旋轉、鏡射後仍保持全等，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-5	理解線對稱的意義和線對稱圖形的幾何性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-6	理解平面圖形相似的意義，知道圖形經縮放後其圖形相似，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-7	理解畢氏定理與其逆敘述，並能應用於數學解題與日常生活的問題。
s-IV-8	理解特殊三角形（如正三角形、等腰三角形、直角三角形）、特殊四邊形（如正方形、矩形、平行四邊形、菱形、箏形、梯形）和正多邊形的幾何性質及相關問題。
s-IV-9	理解三角形的邊角關係，利用邊角對應相等，判斷兩個三角形的全等，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-10	理解三角形相似的性質，利用對應角相等或對應邊成比例，判斷兩個三角形的相似，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-11	理解三角形重心、外心、內心的意義和其相關性質。
s-IV-12	理解直角三角形中某一銳角的角度決定邊長的比值，認識這些比值的符號，並能運用到日常生活的情境解決問題。
s-IV-13	理解直尺、圓規操作過程的敘述，並應用於尺規作圖。
s-IV-14	認識圓的相關概念（如半徑、弦、弧、弓形等）和幾何性質（如圓心角、圓周角、圓內接四邊形的對角互補等），並理解弧長、圓面積、扇形面積的公式。
s-IV-15	理解空間中線與線、線與平面、平面與平面的垂直關係和平行關係。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
s-IV-16	理解簡單的立體圖形及其平面展開圖，並能計算立體圖形的表面積、側面積或體積。
g-IV-1	認識直角坐標的意義與構成要素，並能報讀與標示坐標點，以及計算兩個坐標點的距離。
g-IV-2	在直角坐標上能描繪與理解二元一次方程式的直線圖形，以及二元一次聯立方程式唯一解的幾何意義。
a-IV-1	理解並應用符號及文字敘述表達概念、運算、推理及證明。
a-IV-2	理解一元一次方程式及其解的意義，能以等量公理與移項法則求解和驗算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
a-IV-3	理解一元一次不等式的意義，並應用於標示數的範圍和其在數線上的圖形，以及使用不等式的數學符號描述情境，與人溝通。
a-IV-4	理解二元一次聯立方程式及其解的意義，並能以代入消去法與加減消去法求解和驗算，以及能運用到日常生活的情境解決問題。
a-IV-5	認識多項式及相關名詞，並熟練多項式的四則運算及運用乘法公式。
a-IV-6	理解一元二次方程式及其解的意義，能以因式分解和配方法求解和驗算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
f-IV-1	理解常數函數和一次函數的意義，能描繪常數函數和一次函數的圖形，並能運用到日常生活的情境解決問題。
f-IV-2	理解二次函數的意義，並能描繪二次函數的圖形。
f-IV-3	理解二次函數的標準式，熟知開口方向、大小、頂點、對稱軸與極值等問題，並能在簡單情況運用到日常生活情境解決問題。
d-IV-1	理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。
d-IV-2	理解機率的意義，能以機率表示不確定性和以樹狀圖分析所有的可能性，並能應用機率到簡單的日常生活情境解決問題。
第五學習階段	
n-V-1	理解實數與數線的關係，理解其十進位表示法的意義，理解整數、有理數、無理數的特質，並熟練其四則與次方運算，具備指數與對數的數感，能用區間描述數線上的範圍，能用實數描述現象並解決問題。
n-V-2	能熟練操作計算機，能判斷使用計算機的時機，理解計算機可能產生誤差，並能處理誤差。
n-V-3	認識複數，理解複數為平面上的數，理解並欣賞複數除了三一律以外，與實數完全相容。能操作複數之運算，能用以描述現象並解決問題。
n-V-4	理解絕對值應用在各種數與量之上的意義，能操作其運算，欣賞其一致性，並能用以描述現象及溝通。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
n-V-5	能察覺並規律並以一般項或遞迴方式表現，進而熟悉級數的操作。理解數學歸納法的意義，並能用於數學論證。認識無窮的概念，理解並欣賞數學掌握無窮的方法。
n-V-6	認識命題，理解並欣賞邏輯之於自然語言的一致性與精確性，並能用於溝通與推論。
n-V-7	認識弧度量並能操作，理解並欣賞其作為角之度量的簡潔性。
s-V-1	理解三角比的意義，熟練其彼此關係與運算操作，能靈活應用於等式或函數，並能用以推論及解決問題。
s-V-2	察覺並理解空間的基本特質，以及空間中的點、直線、與平面的關係。認識空間中的特殊曲線與曲面，並能察覺與欣賞生活中的範例。
g-V-1	認識直角坐標可以用數來表示平面與空間中的位置，可以經由向量觀念而做點的運算，理解並熟練其操作，並能用於溝通。
g-V-2	理解並欣賞坐標平面上的圖形對稱性，並能用以溝通及推論。
g-V-3	認識極坐標，理解方位角、方向與斜率的關聯，能熟練地轉換表徵，並能用於溝通。
g-V-4	理解並欣賞幾何的性質可以透過坐標而轉化成數與式的關係，而數與式的代數操作也可以透過坐標產生對應的幾何意義，能熟練地轉換幾何與代數的表徵，並能用於推論及解決問題。
g-V-5	理解並欣賞坐標系統可為幾何問題提供簡潔的算法，而坐標的平移與伸縮可以簡化代數問題，能熟練前述操作，並用以推論及解決問題。
a-V-1	理解多項式、分式與根式對應實數之運算規則，理解指數、對數的運算規則，並能用於數學推論。
a-V-2	理解並熟練多項式的運算操作，能靈活應用於等式或函數，並能用以推論及解決問題。
a-V-3	認識矩陣，理解線性組合與矩陣運算的意涵，並能用以解決問題。
a-V-4	理解不等式之解區域的意涵，並能用以解決問題。
f-V-1	認識函數，理解式與函數的關連並能靈活轉換，理解函數圖形的意義，並能用以溝通。
f-V-2	認識多項式函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以多項式函數為數學模型的關係或現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-3	認識三角函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以正弦函數為數學模型的週期性現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-4	認識指數與對數函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以指數函數為數學模型的成長或衰退現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-5	理解矩陣應用於線性映設的意義，並能用以溝通、推論和解決問題。
f-V-6	認識極限，理解微分與導數的意義，並能用以溝通和推論。

編碼	學習表現 (依學習階段排序)
f-V-7	理解導函數的意義，熟練其操作，並能用以解決問題。
f-V-8	認識微分與積分互為逆運算，理解微積分基本定理的意義，並能用以推論。
f-V-9	理解定積分的原理，並能用以溝通、推論和解決問題。
d-V-1	認識集合，理解並欣賞集合語言的簡潔性，能操作集合的運算，能以文氏圖作為輔助，並能用於溝通與推論。
d-V-2	能判斷分析數據的時機，能選用適當的統計量作為描述數據的參數，理解數據分析可能產生的例外，並能處理例外。
d-V-3	理解事件的不確定性，並能以機率將之量化。理解機率的性質並能操作其運算，能用以溝通和推論。
d-V-4	認識隨機變數，理解其分佈概念，理解其參數的意義與算法，並能用以推論和解決問題。
d-V-5	能以機率檢核不確定之假設或推論的合理性。
d-V-6	理解基本計數原理，能運用策略與原理，窮舉所有狀況。
d-V-7	認識排列與組合的計數模型，理解其運算原理，並能用於溝通和解決問題。

依表現類別排序之學習表現

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
數與量 (n)	
n-I-1	理解一千以內數的位值結構，據以做為四則運算之基礎。
n-I-2	理解加法和減法的意義，熟練基本加減法並能流暢計算。
n-I-3	應用加法和減法的計算或估算於日常應用解題。
n-I-4	理解乘法的意義，熟練十十乘法，並初步進行分裝與平分的除法活動。
n-I-5	在具體情境中，解決簡單兩步驟應用問題。
n-I-6	認識簡單真分數。
n-I-7	理解長度及其常用單位，並做實測、估測與計算。
n-I-8	認識容量、重量、面積。
n-I-9	認識時刻與時間常用單位。
n-II-1	理解一億以內數的位值結構，並據以做為各種運算與估算之基礎。
n-II-2	熟練較大位數之加、減、乘計算或估算，並能應用於日常解題。
n-II-3	理解除法的意義，能做計算與估算，並能應用於日常解題。
n-II-4	解決四則估算之日常應用問題。
n-II-5	在具體情境中，解決兩步驟應用問題。
n-II-6	理解同分母分數的加、減、整數倍的意義、計算與應用。認識等值分數的意義，並應用於認識簡單異分母分數之比較與加減的意義。

編碼	學習表現（依表現類別排序）
n-II-7	理解小數的意義與位值結構，並能做加、減、整數倍的直式計算與應用。
n-II-8	能在數線標示整數、分數、小數並做比較與加減，理解整數、分數、小數都是數。
n-II-9	理解長度、角度、面積、容量、重量的常用單位與換算，培養量感與估測能力，並能做計算和應用解題。認識體積。
n-II-10	理解時間的加減運算，並應用於日常的時間加減問題。
n-III-1	理解數的十進位的位值結構，並能據以延伸認識更大與更小的數。
n-III-2	在具體情境中，解決三步驟以上之常見應用問題。
n-III-3	認識因數、倍數、質數、最大公因數、最小公倍數的意義、計算與應用。
n-III-4	理解約分、擴分、通分的意義，並應用於異分母分數的加減。
n-III-5	理解整數相除的分數表示的意義。
n-III-6	理解分數乘法和除法的意義、計算與應用。
n-III-7	理解小數乘法和除法的意義，能做直式計算與應用。
n-III-8	理解以四捨五入取概數，並進行合理估算。
n-III-9	理解比例關係的意義，並能據以觀察、表述、計算與解題，如比率、比例尺、速度、基準量等。
n-III-10	嘗試將較複雜的情境或模式中的數量關係以算式正確表述，並據以推理或解題。
n-III-11	認識量的常用單位及其換算，並處理相關的應用問題。
n-III-12	理解容量、容積和體積之間的關係，並做應用。
n-IV-1	理解因數、倍數、質數、最大公因數、最小公倍數的意義及熟練其計算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-2	理解負數之意義、符號與在數線上的表示，擴充數的四則運算至負數，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-3	理解非負整數次方的指數和指數律，應用於質因數分解與科學記號，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-4	理解比、連比、正比和反比的意義和推理，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-5	理解二次方根的意義、符號與根式的四則運算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-6	應用十分逼近法估算二次方根的近似值，並能應用計算機計算、驗證與估算，建立對二次方根的數感。
n-IV-7	辨識數列的規律性，以數學符號表徵生活中的數量關係與規律，認識等差數列與等比數列，並能依首項與公差或公比計算其他各項。
n-IV-8	理解等差級數的求和公式，並能運用到日常生活的情境解決問題。
n-IV-9	使用計算機計算比值、科學記號的數、複雜的數式、小數或根式等四則運算的近似值問題，並能理解計算機可能產生誤差。

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
n-V-1	理解實數與數線的關係，理解其十進位表示法的意義，理解整數、有理數、無理數的特質，並熟練其四則與次方運算，具備指數與對數的數感，能用區間描述數線上的範圍，能用實數描述現象並解決問題。
n-V-2	能熟練操作計算機，能判斷使用計算機的時機，理解計算機可能產生誤差，並能處理誤差。
n-V-3	認識複數，理解複數為平面上的數，理解並欣賞複數除了三一律以外，與實數完全相容。能操作複數之運算，能用以描述現象並解決問題。
n-V-4	理解絕對值應用在各種數與量之上的意義，能操作其運算，欣賞其一致性，並能用以描述現象及溝通。
n-V-5	能察覺並規律並以一般項或遞迴方式表現，進而熟悉級數的操作。理解數學歸納法的意義，並能用於數學論證。認識無窮的概念，理解並欣賞數學掌握無窮的方法。
n-V-6	認識命題，理解並欣賞邏輯之於自然語言的一致性與精確性，並能用於溝通與推論。
n-V-7	認識弧度量並能操作，理解並欣賞其作為角之度量的簡潔性。
n-V-8	認識直角坐標可以用數來表示平面與空間中的位置，可以經由向量觀念而做點的運算，理解並熟練其操作，並能用於溝通。
空間與形狀 (s)	
s-I-1	從操作活動，初步認識物體與常見幾何形體的幾何特徵。
s-II-1	理解正方形和長方形的面積與周長公式與應用。
s-II-2	認識平面圖形全等的意義。
s-II-3	透過平面圖形的構成要素，認識常見三角形、常見四邊形與圓。
s-II-4	在活動中，認識幾何概念的應用，如旋轉角、展開圖與空間形體。
s-III-1	理解三角形、平行四邊形與梯形的面積計算。
s-III-2	認識圓周率的意義，理解圓面積、圓周長、扇形面積與弧長之計算方式。
s-III-3	從操作活動，理解空間中線與面的關係與簡單立體形體的性質。
s-III-4	理解角柱（含正方體、長方體）與圓柱的體積與表面積的計算方式。
s-III-5	以簡單推理，理解幾何形體的性質。
s-III-6	認識線對稱的意義與其推論。
s-III-7	認識平面圖形縮放的意義與應用。
s-IV-1	理解常用幾何形體的定義、符號、性質，並應用於幾何問題的解題。
s-IV-2	理解角的各種性質、三角形與凸多邊形的內角和外角的意義、三角形的外角和、與凸多邊形的內角和，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-3	理解兩條直線的垂直和平行的意義，以及各種性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
s-IV-4	理解平面圖形全等的意義，知道圖形經平移、旋轉、鏡射後仍保持全等，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-5	理解線對稱的意義和線對稱圖形的幾何性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-6	理解平面圖形相似的意義，知道圖形經縮放後其圖形相似，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-7	理解畢氏定理與其逆敘述，並能應用於數學解題與日常生活的問題。
s-IV-8	理解特殊三角形(如正三角形、等腰三角形、直角三角形)、特殊四邊形(如正方形、矩形、平行四邊形、菱形、箏形、梯形)和正多邊形的幾何性質及相關問題。
s-IV-9	理解三角形的邊角關係，利用邊角對應相等，判斷兩個三角形的全等，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-10	理解三角形相似的性質，利用對應角相等或對應邊成比例，判斷兩個三角形的相似，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。
s-IV-11	理解三角形重心、外心、內心的意義和其相關性質。
s-IV-12	理解直角三角形中某一銳角的角度決定邊長的比值，認識這些比值的符號，並能運用到日常生活的情境解決問題。
s-IV-13	理解直尺、圓規操作過程的敘述，並應用於尺規作圖。
s-IV-14	認識圓的相關概念(如半徑、弦、弧、弓形等)和幾何性質(如圓心角、圓周角、圓內接四邊形的對角互補等)，並理解弧長、圓面積、扇形面積的公式。
s-IV-15	理解空間中線與線、線與平面、平面與平面的垂直關係和平行關係。
s-IV-16	理解簡單的立體圖形及其平面展開圖，並能計算立體圖形的表面積、側面積或體積。
s-V-1	理解三角比的意義，熟練其彼此關係與運算操作，能靈活應用於等式或函數，並能用以推論及解決問題。
s-V-2	察覺並理解空間的基本特質，以及空間中的點、直線、與平面的關係。認識空間中的特殊曲線與曲面，並能察覺與欣賞生活中的範例。
坐標幾何 (g)	
g-IV-1	認識直角坐標的意義與構成要素，並能報讀與標示坐標點，以及計算兩個坐標點的距離。
g-IV-2	在直角坐標上能描繪與理解二元一次方程式的直線圖形，以及二元一次聯立方程式唯一解的幾何意義。
g-V-1	認識直角坐標可以用數來表示平面與空間中的位置，可以經由向量觀念而做點的運算，理解並熟練其操作，並能用於溝通。
g-V-2	理解並欣賞坐標平面上的圖形對稱性，並能用以溝通及推論。
g-V-3	認識極坐標，理解方位角、方向與斜率的關聯，能熟練地轉換表徵，並能用於溝通。

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
g-V-4	理解並欣賞幾何的性質可以透過坐標而轉化成數與式的關係，而數與式的代數操作也可以透過坐標產生對應的幾何意義，能熟練地轉換幾何與代數的表徵，並能用於推論及解決問題。
g-V-5	理解並欣賞坐標系統可為幾何問題提供簡潔的算法，而坐標的平移與伸縮可以簡化代數問題，能熟練前述操作，並用以推論及解決問題。
關係 (r)	
r-I-1	學習數學語言中的運算符號、關係符號、算式約定。
r-I-2	認識加法和乘法的運算規律。
r-I-3	認識加減互逆，並能應用與解題。
r-II-1	理解乘除互逆，並能應用與解題。
r-II-2	認識一維及二維之數量模式，並能說明與簡單推理。
r-II-3	理解兩步驟問題的併式計算與四則混合計算之約定。
r-II-4	認識兩步驟計算中加減與部分乘除計算的規則並能應用。
r-II-5	理解以文字表示之數學公式。
r-III-1	理解各種計算規則 (含分配律)，並協助四則混合計算與應用解題。
r-III-2	熟練數 (含分數、小數) 的四則混合計算。
r-III-3	觀察情境或模式中的數量關係，並用文字或符號正確表述，協助推理與解題。
代數 (a)	
a-IV-1	理解並應用符號及文字敘述表達概念、運算、推理及證明。
a-IV-2	理解一元一次方程式及其解的意義，能以等量公理與移項法則求解和驗算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
a-IV-3	理解一元一次不等式的意義，並應用於標示數的範圍和其在數線上的圖形，以及使用不等式的數學符號描述情境，與人溝通。
a-IV-4	理解二元一次聯立方程式及其解的意義，並能以代入消去法與加減消去法求解和驗算，以及能運用到日常生活的情境解決問題。
a-IV-5	認識多項式及相關名詞，並熟練多項式的四則運算及運用乘法公式。
a-IV-6	理解一元二次方程式及其解的意義，能以因式分解和配方法求解和驗算，並能運用到日常生活的情境解決問題。
a-V-1	理解多項式、分式與根式對應實數之運算規則，理解指數、對數的運算規則，並能用於數學推論。
a-V-2	理解並熟練多項式的運算操作，能靈活應用於等式或函數，並能用以推論及解決問題。
a-V-3	認識矩陣，理解線性組合與矩陣運算的意涵，並能用以解決問題。
a-V-4	理解不等式之解區域的意涵，並能用以解決問題。

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
函數 (f)	
f-IV-1	理解常數函數和一次函數的意義，能描繪常數函數和一次函數的圖形，並能運用到日常生活的情境解決問題。
f-IV-2	理解二次函數的意義，並能描繪二次函數的圖形。
f-IV-3	理解二次函數的標準式，熟知開口方向、大小、頂點、對稱軸與極值等問題，並能在簡單情況運用到日常生活情境解決問題。
f-V-1	認識函數，理解式與函數的關連並能靈活轉換，理解函數圖形的意義，並能用以溝通。
f-V-2	認識多項式函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以多項式函數為數學模型的關係或現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-3	認識三角函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以正弦函數為數學模型的週期性現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-4	認識指數與對數函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以指數函數為數學模型的成長或衰退現象，並能用以溝通和解決問題。
f-V-5	理解矩陣應用於線性映設的意義，並能用以溝通、推論和解決問題。
f-V-6	認識極限，理解微分與導數的意義，並能用以溝通和推論。
f-V-7	理解導函數的意義，熟練其操作，並能用以解決問題。
f-V-8	認識微分與積分互為逆運算，理解微積分基本定理的意義，並能用以推論。
f-V-9	理解定積分的原理，並能用以溝通、推論和解決問題。
資料與不確定性 (d)	
d-I-1	認識分類的模式，能主動蒐集資料、分類、並做簡單的呈現與說明。
d-II-1	報讀與製作一維表格、二維表格、長條圖，並據以做簡單推論。
d-III-1	報讀與製作折線圖與圓形圖，並據以做簡單推論。
d-III-2	能從資料或圖表的資料數據，解決關於「可能性」的簡單問題。
d-IV-1	理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。
d-IV-2	理解機率的意義，能以機率表示不確定性和以樹狀圖分析所有的可能性，並能應用機率到簡單的日常生活情境解決問題。
d-V-1	認識集合，理解並欣賞集合語言的簡潔性，能操作集合的運算，能以文氏圖作為輔助，並能用於溝通與推論。
d-V-2	能判斷分析數據的時機，能選用適當的統計量作為描述數據的參數，理解數據分析可能產生的例外，並能處理例外。
d-V-3	理解事件的不確定性，並能以機率將之量化。理解機率的性質並能操作其運算，能用以溝通和推論。
d-V-4	認識隨機變數，理解其分佈概念，理解其參數的意義與算法，並能用以推論和解決問題。

編碼	學習表現 (依表現類別排序)
d-V-5	能以機率檢核不確定之假設或推論的合理性。
d-V-6	理解基本計數原理，能運用策略與原理，窮舉所有狀況。
d-V-7	認識排列與組合的計數模型，理解其運算原理，並能用於溝通和解決問題。

二、學習內容

學習內容涵蓋數學基礎重要的事實、概念、原理原則、技能與後設認知等知識，學校、地方政府或出版社得依其專業需求與特性，將學習內容做適當的轉化，以發展適當的教材。學習內容的編碼方式依年級編寫，如後所述。

第 1 碼為「主題類別」，分別以英文大寫字母 N (數與量)、S (空間與形狀)、G (坐標幾何)、R (關係)、A (代數)、F (函數)、D (資料與不確定性) 表示。其中 R 為國小階段專用，到了國、高中之後轉換發展為 A 和 F。

第 2 碼為「年級階段」別，依年級區分，依序為 1 至 12 年級，以阿拉伯數字 1 至 12 表示。11 年級分 11A 與 11B 兩類，12 年級加深加廣選修課程分 12 甲與 12 乙兩類。

第 3 碼為流水號 (教科書在同一年級可以不依照流水號順序編寫)。

學習內容包含條目與說明，前者為大項目，以黑體字呈現，後者是細項說明，兩者之間以冒號 (或句號) 分隔。**部分條目另有補充說明，與細項說明同等重要，甚至更能闡明條目的方向，但因篇幅而置於附錄三。**

為強調教學時應適度使教學器材，協助學生視覺及思維上的理解，增加教學效果，各學習內容之後附參考教具。教具以自製或自購為優先，簡易的器材可由師生彈性就地取材設計，複雜的教材可由學校/教育部提供。

為方便參照，各學習內容之末列出對應的學習表現。

部分學習內容條文有※、★、# 之標註，其意義如下：

※ 為進階或延伸教材，教師宜適當補充，建議不納入全國性考試的範圍。

★ 須為教學內容，建議不列為評量的直接命題對象，可融入其他課題的評量之中。

不必設置獨立的教學單元一起教完，融入適當課題，在合理的脈絡中教授。

依年級排序之學習內容

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
1 年級			
N-1-1	一百以內的數 ：含操作活動。用數表示多少與順序。結合數數、位值表徵、位值表。位值單位「個」和「十」。位值單位換算。認識 0 的位值意義。	位值表、位值積木、花片	n-l-1
N-1-2	加法和減法 ：加法和減法的意義與應用。含「添加拿走型」、「併加分解型」、「比較型」等應用問題。加法和減法算式。	花片	n-l-2
N-1-3	基本加減法 ：以操作活動為主。以熟練為目標。指 1 到 10 之數與 1 到 10 之數的加法，及反向的減法計算。	合十卡(撲克牌)	n-l-2
N-1-4	解題 ：1 元、5 元、10 元、50 元。以操作活動為主。數錢、換錢、找錢。	錢幣	n-l-3
N-1-5	長度 (同 S-1-1) ：以操作活動為主。初步認識、直接比較、間接比較 (含個別單位)。	繩子	n-l-7

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
N-1-6	日常時間用語 ：以操作活動為主。簡單日期報讀「幾月幾日」；「明天」、「今天」、「昨天」；「上午」、「中午」、「下午」、「晚上」。簡單時刻報讀「整點」與「半點」。	鐘面 (指針)	n-l-9
S-1-1	長度 (同 N-1-5) ：以操作活動為主。初步認識、直接比較、間接比較 (含個別單位)。		n-l-7
S-1-2	形體的操作 ：以操作活動為主。描繪、複製、拼貼、堆疊。	各式平面圖形、立體形體、拼圖	s-l-1
R-1-1	算式與符號 ：含加減算式中的數、加號、減號、等號。以說、讀、聽、寫、作檢驗學生的理解。適用於後續階段。		r-l-1
R-1-2	兩數相加的順序不影響其和 ：加法交換律。可併入其他教學活動。		r-l-2
D-1-1	簡單分類 ：以操作活動為主。報讀與說明已處理好之分類。觀察分類的模式。		d-l-1
2 年級			
N-2-1	一千以內的數 ：含位值積木操作活動。結合點數、位值表徵、位值表。位值單位「百」。位值單位換算。	位值表、位值積木	n-l-1
N-2-2	加減算式與直式計算 ：用位值理解多位數加減計算的原理與方法。初期可操作、橫式、直式等方法並陳，二年級最後歸結於直式計算，做為後續更大位數計算之基礎。直式計算的基礎為位值概念與基本加減法，教師須說明直式計算的合理性。		n-l-2
N-2-3	解題：加減應用問題 。加數、被加數、減數、被減數未知之應用解題。連結加與減的關係。(R-2-4)		n-l-3
N-2-4	解題：簡單加減估算 。具體生活情境。以百位數估算為主。		n-l-3
N-2-5	解題：100 元、500 元 。以操作活動為主兼及計算。容許多元策略，協助建立數感。包含已學習之更小幣值。	錢幣	n-l-3
N-2-6	乘法 ：乘法的意義與應用。在學習乘法過程，逐步發展「倍」的概念，做為統整乘法應用情境的語言。	花片、陣列教具(格狀圖)	n-l-4
N-2-7	十十乘法 ：乘除直式計算的基礎，以熟練為目標。建立「幾個一數」的點數能力。		n-l-4
N-2-8	解題：兩步驟應用問題(加、減、乘) 。加減混合、加與乘、減與乘之應用解題。不含併式。不含連乘。		n-l-5
N-2-9	解題：分裝與平分 。以操作活動為主。除法前置經驗。理解分裝與平分之意義與方法。引導學生在解題過程，發現問題和乘法模式的關連。	花片	n-l-4

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
N-2-10	分數 ：以操作活動為主。在已分割之圖示中，學習 1 以內的分數。比較同分母分數的大小。知道日常語言「的一半」、「的二分之一」、「的三分之一」的溝通意義。能以摺紙做簡單分數。	已分割之分數圓形圖與長方形。摺紙所需之圓與長方形	n-l-6
N-2-11	長度 ：「公分」、「公尺」。實測、量感、估測與計算。單位換算。	直尺、三角板、捲尺（彎曲物體）	n-l-7
N-2-12	容量、重量、面積 ：以操作活動為主。初步認識、直接比較、間接比較（含個別單位）。	容器(含等容量不同形狀)、天平與砝碼、同大小不等重物體、百格圖	n-l-8
N-2-13	鐘面的時刻 ：以操作活動為主。以鐘面時針與分針之位置認識「幾時幾分」。含兩整時時刻之間的整時點數（時間加減的前置經驗）。	鐘面教具	n-l-9
N-2-14	時間 ：「年」、「月」、「星期」、「日」。表列時間單位之關係與約定。	月曆、日曆	n-l-9
S-2-1	物體之幾何特徵 ：以操作活動為主。進行辨認與描述之活動。藉由實際物體認識簡單幾何形體，並連結幾何概念(如長、短、大、小等)。		s-l-1
S-2-2	簡單幾何形體 ：以操作活動為主。辨認與描述學生在意的幾何特徵並做分類。	各種簡單幾何形體	s-l-1
S-2-3	直尺操作 ：測量長度。報讀公分數。指定長度之線段作圖。	直尺	n-l-7
S-2-4	平面圖形的邊長 ：以操作活動與直尺實測為主。認識特殊幾何圖形的邊長關係。含周長的計算活動。		n-l-7
S-2-5	面積 ：以具體操作為主。初步認識、直接比較、間接比較（含個別單位）。		n-l-8
R-2-1	不等號與遞移律 ：不等號在算式中的意義，大小的遞移關係。		r-l-1
R-2-2	三數相加，順序改變不影響其和 ：加法交換律和結合律的綜合。可併入其他教學活動。		r-l-2

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
R-2-3	兩數相乘的順序不影響其積 ：乘法交換律。可併入其他教學活動。		r-I-2
R-2-4	加法與減法的關係 ：加減互逆。應用於驗算與解題。		n-I-3 r-I-3
D-2-1	分類與呈現 ：以操作活動為主。能分類、紀錄、呈現並說明。應討論(1)分類的分類；(2)因特徵不同，同一資料可有不同的分類方式。	簡單平面圖形與立體形體(同顏色)	d-I-1
3 年級			
N-3-1	一萬以內的數 ：含位值積木操作活動。結合點數、位值表徵、位值表。位值單位「千」。位值單位換算。	位值表	n-II-1
N-3-2	加減直式計算 ：含加、減法多重進、退位。		n-II-2
N-3-3	乘以一位數 ：乘法直式計算。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。被乘數為二、三位數。		n-II-2
N-3-4	除法 ：除法的意義與應用。基於 N-2-9 之學習，透過幾個一數的解題方法，理解如何用乘法解決除法問題。熟練十十乘法範圍的除法，做為估商的基礎。	花片	n-II-3
N-3-5	除以一一位數 ：除法直式計算。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。被除數為二、三位數。		n-II-3
N-3-6	解題：乘除應用問題 。乘數、被乘數、除數、被除數未知之應用解題。連結乘與除的關係。(R-3-1)		n-II-2 n-II-3
N-3-7	解題：兩步驟應用問題(加減與除、連乘) 。連乘、加與除、減與除之應用解題。不含併式。		n-II-5
N-3-8	解題：四則估算 。具體生活情境。較大位數之估算策略。		n-II-4
N-3-9	簡單同分母分數 ：結合操作活動與整數經驗。簡單同分母分數比較、加、減、整數倍的意義。牽涉之分數與運算結果皆不超過 2。以單位分數之點數為基礎，連結整數之比較、加、減、乘。知道「和等於 1」的意義。	分數圓形圖	n-II-6
N-3-10	一位小數 ：認識小數與小數點。結合點數、位值表徵、位值表。位值單位「十分位」。位值單位換算。比較、加減(含直式計算)與解題。	位值表	n-II-7
N-3-11	整數數線 ：認識數線，含報讀與標示。連結數序、長度、尺的經驗，理解在數線上做比較、加、減的意義。	數線教具	n-II-8
N-3-12	長度 ：「毫米」。實測、量感、估測與計算。單位換算。	一公尺尺(有毫米刻度)	n-II-9

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
N-3-13	角度 (同 S-3-1) ：以具體操作為主。初步認識、直接比較與間接比較。認識直角。		n-II-9
N-3-14	面積 ：「平方公分」。實測、量感、估測與計算。	百格圖(每格 1 平方公分)	n-II-9
N-3-15	容量 ：「公升」、「毫升」。實測、量感、估測與計算。單位換算。	3 公升量杯、1 公升量杯	n-II-9
N-3-16	重量 ：「公斤」、「公克」。實測、量感、估測與計算。單位換算。	2 公斤秤、1 公斤秤	n-II-9
N-3-17	時間 ：「日」、「時」、「分」、「秒」。實測、量感、估測與計算。時間單位的換算。認識時間加減問題的類型。	鐘(時針、分針、秒針)	n-II-10
S-3-1	角度 (同 N-3-13) ：以具體操作為主。初步認識、直接比較與間接比較。認識直角。		n-II-9
S-3-2	正方形和長方形 ：以邊與角的特徵來定義正方形和長方形。		s-II-1
S-3-3	圓 ：「圓心」、「圓周」、「半徑」與「直徑」。能使用圓規畫指定半徑的圓。		s-II-3
S-3-4	立體形體與展開圖 ：以操作活動為主。初步體驗展開圖如何黏合成立體形體。知道不同之展開圖可能黏合成同一形狀之立體形體。	多種展開圖	s-II-4
R-3-1	乘法與除法的關係 ：乘除互逆。應用於驗算與解題。		r-II-1
R-3-2	數量模式與推理 (I) ：以操作活動為主。一維數字圖(數列)或其他一維變化模式之觀察與推理。		r-II-2
D-3-1	一維表格與二維表格 ：以操作活動為主。報讀、說明與製作生活中的表格。二維表格含列聯表。		d-II-1
4 年級			
N-4-1	一億以內的數 ：位值單位「萬」、「十萬」、「百萬」、「千萬」。建立應用大數時之計算習慣，如「30 萬 1200」與「21 萬 300」的加減法。	位值表	n-II-1
N-4-2	較大位數之乘除計算 ：處理乘數與除數為多位數之乘除直式計算。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。		n-II-2 n-II-3
N-4-3	解題：兩步驟應用問題 (乘除，連除) 。乘與除、連除之應用解題。		n-II-5 r-II-3

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
N-4-4	解題：對大數取概數。 具體生活情境。四捨五入法、無條件進入、無條件捨去。含運用概數做估算。		n-II-4
N-4-5	同分母分數： 一般同分母分數教學（含帶分數）。假分數和帶分數之變換。同分母分數的比較、加、減與整數倍。	分數圓形圖	n-II-6
N-4-6	等值分數： 由操作活動中理解等值分數的意義。簡單異分母分數的比較、加、減的意義。簡單分數與小數的互換。	分數圓形圖	n-II-6
N-4-7	二位小數： 位值單位「百分位」。位值單位換算。比較、計算與解題。用直式計算二位小數的加、減與整數倍。	位值表	n-II-7
N-4-8	數線與分數、小數： 連結分小數長度量的經驗。以標記和簡單的比較與計算，建立整數、分數、小數一體的認識。	數線教具	n-II-8
N-4-9	長度： 「公里」。生活實例之應用。含其他長度單位的換算與計算。		n-II-9
N-4-10	角度： 「度」（同 S-4-1）。量角器的操作。實測、估測與計算。以角的合成認識 180 度到 360 度之間的角度。「平角」、「周角」。指定角度作圖。	量角器	n-II-9
N-4-11	面積： 「平方公尺」。實測、量感、估測與計算。	平方公尺板（萬格板）	n-II-9
N-4-12	體積與「立方公分」： 以具體操作為主。體積認識基於 1 立方公分之正立方體。	正立方體教具	n-II-9
N-4-13	解題：日常生活的時間加減問題。 跨時、跨午、跨日、24 小時制。含時間單位換算。	電子鐘、電腦螢幕時間	n-II-10
S-4-1	角度： 「度」（同 N-4-10）。量角器的操作。實測、估測與計算。以角的合成認識 180 度到 360 度之間的角度。「平角」、「周角」。指定角度作圖。	量角器	n-II-9
S-4-2	解題：旋轉角。 以具體操作為主，並結合計算。以鐘面為模型討論從始邊轉到終邊所轉的角度。旋轉有兩個方向：「順時針」、「逆時針」。「平角」、「周角」。	鐘面教具、量角器	s-II-4
S-4-3	正方形與長方形的面積與周長： 理解邊長與周長或面積的關係，並能理解其公式與應用。簡單複合圖形。		s-II-1
S-4-4	體積： 以具體操作為主。體積認識基於 1 立方公分之正立方體。	正立方體教具	n-II-9
S-4-5	垂直與平行： 直角是 90 度與常用記號。垂直於一線的兩線相互平行。平行線間距離處處相等。作垂直線；作平行線。	三角板、直尺	s-II-3
S-4-6	平面圖形的全等： 形狀大小一樣的兩圖形全等。能在平移或旋轉對稱圖形上指認全等的部分。能用平移、旋轉做全等疊合。全等圖形之對應角相等、對應邊相等。	具有平移對稱、旋轉對稱的圖形	s-II-2
S-4-7	三角形： 以邊與角的特徵認識特殊三角形並能作圖。	各種三角形	s-II-3

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
S-4-8	四邊形 ：以邊與角的特徵（含平行）認識特殊四邊形並能作圖。	各種四邊形	s-II-3
R-4-1	兩步驟問題併式 ：併式是代數學習的重要基礎。含四則混合計算的約定（由左往右算、先乘除後加減、括號先算）。學習逐次減項計算。		r-II-3
R-4-2	四則計算規律（I） ：兩步驟計算規則。加減混合計算、乘除混合計算。在四則混合計算中運用數的運算性質。		r-II-4
R-4-3	以文字表示數學公式 ：理解以文字和運算符號聯合表示的數學公式，並能應用公式。可併入其他教學活動（如 S-4-3）。		r-II-5
R-4-4	數量模式與推理（II） ：以操作活動為主。二維數字圖之推理。奇數與偶數，及其加、減、乘模式。		r-II-2
D-4-1	長條圖 ：報讀、說明與製作生活中的長條圖。		d-II-1
5 年級			
N-5-1	十進位的位值系統 ：「兆位」至「千分位」。整合整數與小數。理解基於位值系統可延伸表示更大的數和更小的數。	十進位表（千兆到千分位）	n-III-1
N-5-2	解題：多步驟應用問題 。除「平均」之外，原則上為三步驟解題應用。		n-III-2
N-5-3	公因數和公倍數 ：因數、倍數、公因數、公倍數、最大公因數、最小公倍數的意義。		n-III-3
N-5-4	異分母分數 ：用約分、擴分處理等值分數並做比較。用通分做異分母分數的加減。養成利用約分化簡分數計算習慣。		n-III-4
N-5-5	分數的乘法 ：整數乘以分數、分數乘以分數的意義。知道用約分簡化乘法計算。處理乘積一定比被乘數大的錯誤類型。透過分數計算的公式，知道乘法交換律在分數也成立。		n-III-6
N-5-6	整數相除之分數表示 ：從分裝（測量）和平分的觀點，分別說明整數相除為分數之意義與合理性。		n-III-5
N-5-7	分數除以整數 ：分數除以整數的意義。最後將問題轉化為乘以單位分數。		n-III-6
N-5-8	小數的乘法 ：整數乘以小數、小數乘以小數的意義。乘數為小數的直式計算。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。處理乘積一定比被乘數大的錯誤類型。		n-III-7
N-5-9	整數、小數除以整數（商為小數） ：整數除以整數（商為小數）、小數除以整數的意義。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。能用概數協助處理除不盡的情況。熟悉分母為 2、4、5、8 之真分數所對應的小數。		n-III-7

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
N-5-10	解題：比率與應用。 整數相除的應用。含「百分率」、「折」、「成」。		n-III-5 n-III-9
N-5-11	解題：對小數取概數。 具體生活情境。四捨五入法。知道商除不盡的處理。理解近似的意義。		n-III-8
N-5-12	面積：「公畝」、「公頃」、「平方公里」。 生活實例之應用。含與「平方公尺」的換算與計算。使用概數。		n-III-11
N-5-13	重量：「公噸」。 生活實例之應用。含與「公斤」的換算與計算。使用概數。		n-III-11
N-5-14	體積：「立方公尺」。 簡單實測、量感、估測與計算。		n-III-11
N-5-15	解題：容積。 容量、容積和體積間的關係。知道液體體積的意義。		n-III-12
N-5-16	解題：時間的乘除問題。 在分數和小數學習的範圍內，解決與時間相關的乘除問題。		n-III-11
S-5-1	三角形與四邊形的性質： 操作活動與推理。含三角形三內角和為 180 度。鈍角三角形、銳角三角形。三角形任意兩邊和大於第三邊。		s-III-5
S-5-2	三角形與四邊形的面積： 操作活動與推理。利用切割重組，建立面積公式，並能應用。	三角形、四邊形	s-III-1
S-5-3	扇形： 扇形的定義。「圓心角」。扇形可視為圓的一部分。將扇形與分數結合（幾分之幾圓）。能畫出指定扇形。	圓形、扇形	s-III-2
S-5-4	線對稱： 知道特殊平面圖形的線對稱性質。利用線對稱做簡單幾何推理。製作或繪製線對稱圖形。	具線對稱之圖形、剪紙工具、格紙、平面圖形	s-III-6
S-5-5	正方體和長方體： 計算正方體和長方體的體積與表面積。正方體與長方體的面積公式。	單位正方體	s-III-4
S-5-6	空間中線與面的關係： 以操作活動為主。以正方體（長方體）為檢查工具。面與面的平行與垂直，線與面的垂直。	正方體、長方體、柱體、錐體	s-III-3
S-5-7	球與柱體： 以操作活動為主。認識球、（直）圓柱、（直）角柱。認識其構成要素與後兩者的展開圖。檢查柱體兩底面平行；檢查柱體側面和底面垂直。	球、圓柱（少瘦高、矮扁各一）角柱（角柱、四角柱、六角柱）展開圖	s-III-3

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
R-5-1	三步驟問題併式 ：建立將計算步驟併式的習慣，以三步驟為主。介紹「平均」。與分配律連結。		r-III-1
R-5-2	四則計算規律 (II) ：乘除混合計算。「乘法對加法的分配律」。將計算規律應用於簡化混合計算。熟練整數四則混合計算。		r-III-1
R-5-3	以符號表示數學公式 ：國中代數的前置經驗。初步體驗符號之使用，隱含「符號代表數」「符號與運算符號的結合」的經驗。應併入其他教學活動。		r-III-3
D-5-1	折線圖 ：報讀、說明與製作生活中的折線圖。		d-III-1
6 年級			
N-6-1	質數、質因數，質因數分解 ：小於 20 的質數。2、3、5 的質因數判別法。以短除法做質因數的分解。		n-III-3
N-6-2	最大公因數與最小公倍數 ：質因數分解法與短除法。兩數互質。運用到分數的約分與通分。		n-III-3
N-6-3	分數的除法 ：整數除以分數、分數除以分數的意義。最後理解除以一數等於乘以其倒數之公式。		n-III-6
N-6-4	小數的除法 ：整數除以小數、小數除以小數的意義。直式計算。教師用位值的概念說明直式計算的合理性。處理商一定比被除數小的錯誤類型。		n-III-7
N-6-5	解題：整數、分數、小數的四則應用問題 。二到三步驟的應用解題。含使用概數協助解題。		n-III-2 r-III-2
N-6-6	比與比值 ：異類量的比與同類量的比之比值的意義。理解相等的比中牽涉到的兩種倍數關係（比例思考的基礎）。解決比的應用問題。		n-III-9
N-6-7	解題：速度 ：比和比值的應用。速度的意義。能做單位換算（大單位到小單位）。含不同時間區段的平均速度。含「距離＝速度×時間」公式。用比例思考協助解題。		n-III-9
N-6-8	解題：基準量與比較量 。比和比值的應用。含交換基準時之關係。		n-III-9
N-6-9	解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題(同 R-6-4) 。可包含(1)較複雜的模式(如座位排列模式)；(2)較複雜的計數：乘法原理、加法原理或其混合；(3)較複雜之情境：如年齡問題、流水問題、和差問題、雞兔問題。連結 R-6-2、R-6-3。		n-III-10 r-III-3
S-6-1	放大與縮小 ：比例思考的應用。「幾倍放大圖」、「幾倍縮小圖」。知道縮放時，對應角相等，對應邊成比例。		s-III-7

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
S-6-2	解題：地圖比例尺。 地圖比例尺之意義、記號與應用。地圖上兩邊長的比和實際兩邊長的比相等。	地圖	n-III-9 s-III-7
S-6-3	圓周率、圓周長、圓面積、扇形面積： 用分割說明圓面積公式。求扇形弧長與面積。知道底下三個比相等：(1) 圓心角：360；(2) 扇形弧長：圓周長；(3) 扇形面積：圓面積，但應用問題只處理用(1)求弧長或面積。	圓形分割圖(說明面積)	s-III-2
S-6-4	柱體體積與表面積： 含角柱和圓柱。利用簡單柱體，理解「柱體體積=底面積x高」的公式。簡單複合形體體積。	柱體(含挖空)	s-III-4
R-6-1	數的計算規律： 小學最後應認識(1)整數、小數、分數都是數，享有一樣的計算規律。(2)整數乘除計算及規律，因分數運算更容易理解。(3)逐漸體會乘法和除法的計算實為一體。併入其他教學活動。		r-III-2
R-6-2	數量關係： 代數與函數的前置經驗。從具體情境或數量模式之活動出發，做觀察、推理、說明。		r-III-3
R-6-3	數量關係的表示： 代數與函數的前置經驗。將具體情境或模式中的數量關係，學習以文字或符號列出數量關係的關係式。		r-III-3
R-6-4	解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題。(同 N-6-9)。 可包含(1)較複雜的模式(如座位排列模式)；(2)較複雜的計數：乘法原理、加法原理或其混合；(3)較複雜之情境：如年齡問題、流水問題、和差問題、雞兔問題。連結 R-6-2、R-6-3。		r-III-3 n-III-10
D-6-1	圓形圖： 報讀、說明與製作生活中的圓形圖。	圓形百格圖(畫百分圓形圖)	d-III-1
D-6-2	解題：可能性。 從統計圖表資料，回答可能性問題。機率前置經驗。「很有可能」、「很不可能」、「A比B可能」。		d-III-2
7 年級			
N-7-1	100 以內的質數： 質數和合數的定義；埃拉托賽尼(Eratosthenes)的方法找質數。		n-IV-1
N-7-2	因數與倍數： 因數；質因數；倍數；公因數；公倍數；互質；質因數分解；約分擴分；最簡分數。		n-IV-1
N-7-3	負數與數的四則混合運算(含分數、小數)： 使用「正、負」表徵生活中的量；相反數。		n-IV-2
N-7-4	數的運算規律： 交換律；結合律；分配律； $-(a+b) = -a-b$ ； $-(a-b) = -a+b$ 。		n-IV-2
N-7-5	數線： 數線；數線上兩點的距離；比較數的大小。		n-IV-2

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
N-7-6	指數的意義 ：指數為非負整數的次方； $a \neq 0$ 時 $a^0 = 1$ ；同底數的大小比較；指數的運算。		n-IV-3
N-7-7	指數律 ：以數字例表示「同底數的乘法指數律」($a^m \times a^n = a^{m+n}$ 、 $(a^m)^n = a^{mn}$ 、 $(a \times b)^n = a^n \times b^n$ ，其中 m, n 為非負整數)；以數字例表示「同底數的除法指數律」($a^m \div a^n = a^{m-n}$ ，其中 $m \geq n$ 且 m, n 為非負整數)。		n-IV-3
N-7-8	科學記號 ：以科學記號表達正數，此數可以是很大的數(次方為正整數)，也可以是很小的數(次方為負整數)。遇到複雜的數字時可使用計算機輔助計算。	計算機	n-IV-3
N-7-9	比 ：比；比例式；正比；反比；相關之基本運算與應用問題(教學情境應以有意義之比值為例，並盡量舉整數比值以利學生理解)。		n-IV-4
N-7-10	連比的紀錄 ：三個量的連比關係。		n-IV-4
S-7-1	簡單圖形與幾何符號 ：點、線、線段、射線、角、三角形與其符號的介紹；凸多邊形；正多邊形。		s-IV-1
S-7-2	圓 ：圓心角、弦、圓弧、弓形。		s-IV-14
S-7-3	簡單立體圖形 ：直角柱和正角錐的頂點、邊、面的個數。		s-IV-16
S-7-4	垂直 ：垂直的意義與符號；線段的中垂線；點到直線距離的意義。		s-IV-3
S-7-5	線對稱 ：線對稱圖形的意義；對稱軸、對稱點、對稱線(段)、對稱角的意義；對稱線段等長；對稱角相等；對稱點的連線段會被對稱軸垂直平分。		s-IV-5
S-7-6	線對稱的基本圖形 ：等腰三角形；正方形；菱形；箏形。 ※正多邊形的線對稱。		s-IV-5
G-7-1	平面直角坐標系 ：以平面直角坐標系、方位距離標定位置；平面直角坐標系及其相關術語(縱軸、橫軸、象限)。		g-IV-1
A-7-1	代數符號 ：代數符號與運算；以代數符號表徵交換律、分配律、結合律；以符號紀錄生活中的情境問題。		a-IV-1
A-7-2	一元一次方程式的意義 ：一元一次方程式及其解的意義；具體情境中列出一元一次方程式。		a-IV-2
A-7-3	一元一次方程式的解法與應用 ：等量公理；移項法則；驗算；應用問題。		a-IV-2
A-7-4	二元一次聯立方程式的意義 ：二元一次方程式及其解的意義；具體情境中列出二元一次方程式；二元一次聯立方程式及其解的意義；具體情境中列出二元一次聯立方程式。		a-IV-4
A-7-5	二元一次聯立方程式的解法與應用 ：代入消去法；加減消去法；應用問題。		a-IV-4

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
A-7-6	二元一次聯立方程式的幾何意義： $ax + by = c$ 的圖形； $y = c$ 的圖形（水平線）； $x = c$ 的圖形（鉛垂線）；二元一次聯立方程式的解只處理相交且只有一個交點的情況。		g-IV-2 a-IV-4
A-7-7	一元一次不等式的意義：不等式的意義；具體情境中列出一元一次不等式。		a-IV-3
A-7-8	一元一次不等式的解與應用：單一的一元一次不等式的解；在數線上標示解的範圍；應用問題。		a-IV-3
D-7-1	統計圖：長條圖；圓形圖；直方圖；折線圖。（教師可使用電腦應用軟體演示教授）		d-IV-1
8 年級			
N-8-1	二次方根：二次方根的意義；根式的化簡及四則運算。		n-IV-5
N-8-2	二次方根的近似值：二次方根的近似值；二次方根的整數部分；十分逼近法。使用計算機 $\sqrt{\quad}$ 鍵。	計算機	n-IV-6 n-IV-9
N-8-3	認識數列：生活中常見的數列及其規律性（包括圖形的規律性）。		n-IV-7
N-8-4	等差數列：等差數列；給定首項、公差計算等差數列的一般項。 ※由一般項反求首項、項數或公差。		n-IV-7
N-8-5	等差級數求和：等差級數求和公式；生活中相關的問題。 ※已知級數和反求首項、項數或公差。		n-IV-8
N-8-6	等比數列：等比數列；給定首項、公比計算等比數列的一般項。 ※由一般項反求首項、項數或公比。		n-IV-7
S-8-1	角：角的種類；兩個角的關係（互餘、互補、對頂角、同位角、內錯角、同側內角）；角平分線。		s-IV-2
S-8-2	凸多邊形的內角和：內角與外角的意義；凸多邊形的內角和公式；三角形外角性質；正 n 邊形的每個內角度數。 ※ n 邊形的外角和為 360° 。		s-IV-2
S-8-3	平行：平行的意義與符號；平行線截線性質；兩平行線間的距離處處相等。		s-IV-3
S-8-4	全等圖形：全等圖形的意義（兩個圖形經過平移、旋轉或翻轉可以完全重疊在一起）；對應點、對應邊、對應角的意義；兩個多邊形全等則其對應邊和對應角相等（反之亦然）。		s-IV-4
S-8-5	三角形的全等性質：三角形的全等判定（SAS、SSS、ASA、AAS、RHS）；全等符號（ \cong ）。		s-IV-9

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
S-8-6	畢氏定理 ：畢氏定理（勾股弦定理、商高定理）的意義及其數學史；畢氏定理在生活上的應用；三邊長滿足畢氏定理的三角形必定是直角三角形。		s-IV-7
S-8-7	長度與面積 ：正三角形的高與面積公式；箏形面積；複合圖形的面積。		s-IV-8
S-8-8	三角形的基本性質 ：等腰三角形兩底角相等；非等腰三角形大角對大邊，大邊對大角；三角形兩邊和大於第三邊；外角等於其內對角和；三內角為 $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ 和 $45^\circ, 45^\circ, 90^\circ$ 的三角形之邊長比例關係。	量角器	s-IV-9
S-8-9	平行四邊形的基本性質 ：關於平行四邊形的內角、邊、對角線等的幾何性質。		s-IV-8
S-8-10	正方形、長方形、箏形的基本性質 ：長方形的對角線等長且互相平分；菱形對角線互相垂直平分；箏形的其中一條對角線垂直平分另一條對角線，其逆命題亦成立。		s-IV-8
S-8-11	梯形的基本性質 ：等腰梯形的兩底角相等；等腰梯形為線對稱圖形。		s-IV-8
S-8-12	尺規作圖與幾何推理 ：複製已知的線段、圓、角、三角形；能以尺規作出指定的中垂線、角平分線、平行線、垂直線；能寫出幾何推理所依據的幾何性質。	圓規	s-IV-13
G-8-1	直角坐標系上兩點距離公式 ：直角坐標系上兩點 $A(a, b)$ 和 $B(c, d)$ 的距離為 $\overline{AB} = \sqrt{(a-c)^2 + (b-d)^2}$ ；生活上相關問題。		g-IV-1
A-8-1	二次式的乘法公式 ： $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ ； $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ ； $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ ； $(a+b)(a+b) = ac + ad + bc + bd$ 。		a-IV-5
A-8-2	多項式的意義 ：一元多項式的定義與相關名詞（多項式、項數、係數、常數項、一次項、二次項、最高次項、升幕、降幕）。		a-IV-5
A-8-3	多項式的四則運算 ：直式、橫式的多項式加法與減法；直式的多項式乘法（乘積最高至三次）；被除式為二次之多項式的除法運算。		a-IV-5
A-8-4	因式分解 ：因式的意義（限制在二次多項式的一次因式）；二次多項式的因式分解意義。		a-IV-6
A-8-5	因式分解的方法 ：提公因式法；利用乘法公式與十字交乘法因式分解。		a-IV-6
A-8-6	一元二次方程式的意義 ：一元二次方程式及其解，具體情境中列出一元二次方程式。		a-IV-6

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
A-8-7	一元二次方程式的解法與應用：利用因式分解、配方法、公式解一元二次方程式；應用問題。		a-IV-6
F-8-1	一次函數：透過對應關係認識函數(不要出現 $f(x)$ 的抽象型式)、常數函數($y = c$)、一次函數($y = ax + b$)。		f-IV-1
F-8-2	一次函數的圖形：常數函數的圖形；一次函數的圖形。		f-IV-1
D-8-1	統計資料處理：(相對)次數、(相對)累積次數折線圖；列聯表。		d-IV-1
9 年級			
N-9-1	連比：連比；連比例式；及其基本運算與相關應用問題；涉及複雜數值時使用計算機協助計算。	計算機	n-IV-4
S-9-1	相似形：平面圖形縮放的意義；多邊形相似的意義；相似符號(\sim)；對應角相等；對應邊長成比例。		s-IV-6
S-9-2	三角形的相似性質：三角形的相似判定(AA、SAS、SSS)；對應邊長之比=對應高之比；對應面積之比=對應邊長平方之比；利用三角形相似的概念解應用問題。		s-IV-10
S-9-3	平行線截比例線段：連接三角形兩邊中點的線段必平行於第三邊(其長度等於第三邊的一半)；比例線段的意義；平行線截比例線段性質；利用截線段成比例判定兩直線平行；利用平行線截比例線段性質做三等分一線段的尺規作圖。		s-IV-6 s-IV-10
S-9-4	相似直角三角形邊長比值的不變性：直角三角形中某一銳角的角度決定邊長比值，該比值為不變量，不因相似直角三角形的大小而改變。		s-IV-10 s-IV-12
S-9-5	直角三角形的三角比：對直角三角形的一個銳角定義「斜邊」、「鄰邊」、「對邊」，並引入符號 $\tan A$ 、 $\sin A$ 、 $\cos A$ ；直角三角形內，給定一邊的長和一個銳角的角度(角度限於30度、45度、60度)，決定另一邊的邊長。		s-IV-12
S-9-6	圓的幾何性質：圓心角、圓周角與所對應弧的度數三者之間的關係；圓內接四邊形對角互補；切線段等長。 ※弦切角。		s-IV-14
S-9-7	圓弧長與扇形面積：圓弧長公式；扇形面積公式。		s-IV-14
S-9-8	點、直線與圓的關係：點與圓的位置關係(內部、圓上、外部)；直線與圓的位置關係(不相交、相切、交於兩點)；圓心與切點的連線垂直此切線(切線性質)；圓心到弦的垂直線段(弦心距)垂直平分此弦。 ※兩圓關係，公切線長。		s-IV-14

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
S-9-9	三角形的外心 ：外心的意義與外接圓；三角形的外心到三角形的三個頂點等距；直角三角形的外心即斜邊的中點。 ※正多邊形的外接圓。		s-IV-11
S-9-10	三角形的內心 ：內心的意義與內切圓；三角形的內心到三角形的三邊等距；三角形的面積＝周長×內切圓半徑÷2；直角三角形的內切圓半徑＝(兩股和－斜邊)÷2。 ※正多邊形的內切圓。		s-IV-11
S-9-11	三角形的重心 ：重心的意義與中線；三角形的三條中線將三角形面積六等份；重心到頂點的距離等於它到對邊中點的兩倍；重心的物理意義。		s-IV-11
S-9-12	證明的意義 ：幾何推理(須說明所依據的幾何性質)；代數推理(須說明所依據的代數性質)。		s-IV-3 s-IV-4 s-IV-5 s-IV-6 s-IV-9 s-IV-10 a-IV-1
S-9-13	空間中的線與平面 ：長方體的示意圖，利用長方體作為特例，介紹線與線的平行、垂直與歪斜關係，線與平面的垂直與平行關係、平面與平面的垂直與平行關係。		s-IV-15
S-9-14	表面積與體積 ：直角柱、直圓柱、直圓錐、正角錐的展開圖；利用展開圖計算長方體表面上兩點的最短距離；直角柱、直圓柱、直圓錐、正角錐的表面積；直角柱、直圓柱的體積。		s-IV-16
F-9-1	二次函數的意義 ：二次函數的意義；具體情境中列出兩量的二次函數關係。		f-IV-2
F-9-2	二次函數的圖形與極值 ：二次函數的相關名詞(對稱軸、頂點、最低點、最高點、開口向上、開口向下、最大值、最小值)；描繪 $y = ax^2$ 的圖形；描繪 $y = ax^2 + k$ 的圖形；描繪 $y = a(x - h)^2$ 的圖形；描繪 $y = a(x - h)^2 + k$ 的圖形，對稱軸就是通過頂點(最高點、最低點)的鉛垂線； $y = ax^2$ 的圖形與 $y = a(x - h)^2 + k$ 的圖形的平移關係；已配方好之二次函數的最大值與最小值。 ※將二次函數配方，解決二次函數應用問題。		f-IV-2 f-IV-3
D-9-1	統計數據 ：平均數；中位數；眾數；全距；四分位距；盒狀圖；使用計算機Σ鍵計算平均數。	計算機	n-IV-9 d-IV-1
D-9-2	認識機率 ：機率的意義；樹狀圖(以兩層為限)。		d-IV-2

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
D-9-3	古典機率 ：具有對稱性的情境下（銅板、骰子、撲克牌、抽球等）之機率；不具對稱性的物體（圖釘、圓錐、爻杯）之機率探究。		d-IV-2
10 年級			
N-10-1	實數 ：數線，十進制小數的意義，三一律，有理數的十進制小數特徵，無理數之十進制小數的估算（ $\sqrt{2}$ 為無理數的證明★）。	計算機	n-V-1
N-10-2	絕對值 ：絕對值的定義，它在數線上的意義。		n-V-4
N-10-3	指數 ：非負實數之小數或分數次方的意義，幾何平均數與算幾不等式，複習指數律，實數指數的意義，使用計算機的 x^y 鍵。	計算機	n-V-1
N-10-4	常用對數 ：log 的意義，有效位數與科學記號連結，使用計算機的 10^x 鍵和 log 鍵。	計算機	n-V-1
N-10-5	數值計算的誤差 ：認識計算機的有限性，可察覺誤差的發生並做修正的判斷。#	計算機	n-V-2
N-10-6	數列、級數與遞迴關係 ：有限項數列，有限項等比級數，常用的求和公式，數學歸納法，輾轉相除法。		n-V-5
N-10-7	邏輯 ：認識命題及其否定，兩命題的或、且、推論關係，充分、必要、充要條件。★#		n-V-6
G-10-1	坐標圖形的對稱性 ：坐標平面上，對 x 軸，對 y 軸，對 $y = x$ 直線的對稱，對原點的對稱。#		g-V-2
G-10-2	直線方程式 ：斜率，其絕對值的意義，點斜式，點與直線之平移，平行線、垂直線的方程式。點到直線的距離，平行線的距離、二元一次不等式。		g-V-4
G-10-3	圓方程式 ：圓的標準式。		g-V-4
G-10-4	直線與圓 ：圓的切線，圓與直線關係的代數與幾何判定。		g-V-4
G-10-5	廣義角和極坐標 ：廣義角的終邊，極坐標的定義，透過方格紙操作極坐標與直角坐標的轉換。	方格紙、量角器、尺、規	g-V-3
G-10-6	廣義角的三角比 ：定義廣義角的正弦、餘弦、正切，特殊角的值，使用計算機的 sin, cos, tan 鍵。	方格紙 量角器 計算機	n-V-2 s-V-1 g-V-2
G-10-7	三角比的性質 ：正弦定理，餘弦定理，正射影。連結斜率與直線斜角的正切，用計算機的 asin, acos, atan 鍵計算斜角或兩相交直線的夾角，（三角測量#）。	計算機	n-V-2 s-V-1 g-V-3
A-10-1	式的運算 ：三次乘法公式，根式與分式的運算。		a-V-1

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
A-10-2	多項式之除法原理 ：因式定理與餘式定理，多項式除以 $(x - a)$ 之運算，並將其表為 $(x - a)$ 之形式的多項式。		a-V-2
F-10-1	一次與二次函數 ：從方程式到 $f(x)$ 的形式轉換，一次函數圖形與 $y = mx$ 的圖形，數線上的分點公式與一次函數求值。非一次函數之內插法原理。二次函數圖形與 $y = ax^2$ 的圖形，用配方將二次函數化為標準式。	計算機 方格紙	f-V-1 a-V-1 g-V-5
F-10-2	三次函數的圖形特徵 ：二次、三次函數圖形的對稱性，兩者圖形的宏觀特徵由最高次項決定，而微觀則近似一條直線。	計算機 方格紙	f-V-2 a-V-1 g-V-5
F-10-3	多項式的根 ：勘根定理，整係數多項式方程的有理根檢驗。		a-V-2
F-10-4	多項式不等式 ：解一次、二次、或已分解之多項式不等式的解區間，連結多項式函數的圖形。		f-V-2 a-V-4
D-10-1	集合 ：集合的窮舉與描述式定義，字集、空集、子集、交集、聯集、餘集，屬於和包含關係，文氏圖。★#		d-V-1
D-10-2	數據分析 ：一維數據的平均數、標準差。二維數據的散布圖，最適直線與相關係數，數據的標準化。	計算機	d-V-2 n-V-2 g-V-5
D-10-3	有系統的計數 ：有系統的窮舉，樹狀圖，加法原理，乘法原理，取捨原理。直線排列與組合。		d-V-6 d-V-7
D-10-4	古典機率 ：樣本空間與事件，古典機率的定義與性質，期望值。		d-V-3
11 年級 (A 類)			
N-11A-1	弧度量 ：弧度量的定義，弧長與扇形面積，計算機的 rad 鍵。	計算機	n-V-7 n-V-2
S-11A-1	空間概念 ：空間的基本性質，三視圖，空間中兩直線、兩平面、及直線與平面的位置關係，三垂線定理。		s-V-2
G-11A-1	平面向量 ：坐標平面上的向量係數積與加減，線性組合。		g-V-1
G-11A-2	空間坐標系 ：點坐標，兩點距離，點到坐標軸或坐標平面的投影。		g-V-1
G-11A-3	空間向量 ：坐標空間中的向量係數積與加減，線性組合。		g-V-1
G-11A-4	三角不等式 ：向量的長度，三角不等式。		g-V-4 n-V-4
G-11A-5	三角的和差角公式 ：正弦與餘弦的和差角、倍角與半角公式。		s-V-1 g-V-4
G-11A-6	平面向量的運算 ：正射影與內積，面積與行列式，兩向量的平行與垂直判定，兩向量的夾角，柯西不等式。		g-V-5
G-11A-7	空間向量的運算 ：正射影與內積，兩向量平行與垂直的判定、柯西不等式，外積。		g-V-5

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
G-11A-8	三階行列式 ：三向量所張的平行六面體體積，三重積。		g-V-5
G-11A-9	平面方程式 ：平面的法向量與標準式、兩平面的夾角、點到平面的距離。	計算機	g-V-4 s-V-2
G-11A-10	空間中的直線方程式 ：空間中直線的參數式與比例式，直線與平面的關係，點到直線距離，兩平行或歪斜線的距離。		g-V-4 s-V-2
A-11A-1	二元一次方程組的矩陣表達 ：定義方陣符號及其乘以向量的線性組合意涵，克拉瑪公式，方程組唯一解、無窮多組解、無解的情況。		g-V-4 a-V-3
A-11A-2	三元一次聯立方程式 ：以消去法求解，改以方陣表達。用電腦求解多元一次方程組的觀念與示範。		g-V-4 a-V-3
A-11A-3	矩陣的運算 ：矩陣的定義，矩陣的係數積與加減運算，矩陣相乘，反方陣。將矩陣視為資料表，用電腦做矩陣運算的觀念與示範。		a-V-3
A-11A-4	對數律 ：從 10^x 及指數律認識 \log 的對數律，其基本應用，並用於求解指數方程式。	計算機	a-V-1 n-V-2
F-11A-1	三角函數的圖形 ： \sin, \cos, \tan 函數的圖形、定義域、值域、週期性，週期現象的數學模型。(cot, sec, csc 之定義與圖形※)	方格紙 計算機	f-V-3 n-V-7 g-V-2
F-11A-2	正餘弦的疊合 ：同頻波疊合後的頻率、振幅。	方格紙 計算機	f-V-3 s-V-1
F-11A-3	矩陣的應用 ：平面上的線性變換，二階轉移方陣。		f-V-5 a-V-3
F-11A-4	指數與對數函數 ：指數函數及其圖形，按比例成長或衰退的數學模型，常用對數函數的圖形，在科學和金融上的應用。	方格紙 計算機	f-V-4 g-V-2
D-11A-1	主觀機率與客觀機率 ：根據機率性質檢視主觀機率的合理性，根據已知的數據獲得客觀機率。	計算機	d-V-3 d-V-5
D-11A-2	條件機率 ：條件機率的意涵及其應用，事件的獨立性及其應用。		d-V-3
D-11A-3	貝氏定理 ：條件機率的乘法公式，貝氏定理及其應用。		d-V-3
11 年級 (B 類)			
N-11B-1	弧度量 ：弧度量的定義，弧長與扇形面積，計算機的 rad 鍵。	計算機	N-V-7
S-11B-1	空間概念 ：空間的基本性質，空間中兩直線、兩平面、及直線與平面的位置關係。三視圖。認識球面上的經線與緯線。		s-V-2
S-11B-2	圓錐曲線 ：由平面與圓錐截痕，視覺性地認識圓錐曲線，及其在自然中的呈現。	圓錐模型	s-V-2

編號	學習內容 (依年級排序)	參考教具	對應學習表現
G-11B-1	平面向量 ：坐標平面上的向量係數積與加減，線性組合。		g-V-1
G-11B-2	平面向量的運算 ：正射影與內積，兩向量的垂直與平行判定，兩向量的夾角。		g-V-5
G-11B-3	平面上的比例 ：生活情境與平面幾何的比例問題（在設計和透視上）。		g-V-4
G-11B-4	空間坐標系 ：點坐標，兩點距離，點到坐標軸或坐標平面的投影。		g-V-1
A-11B-1	矩陣與資料表格 ：矩陣乘向量的線性組合意涵，二元一次方程組的意涵，矩陣之加、減、乘及二階反方陣。將矩陣視為資料表，用電腦做矩陣運算的觀念與示範。		a-V-3
F-11B-1	週期性數學模型 ：正弦函數的圖形、週期性，其振幅、週期與頻率，週期性現象的範例。	方格紙 計算機	f-V-3 n-V-7
F-11B-2	按比例成長模型 ：指數函數與對數函數及其生活上的應用，例如地震規模，金融與理財，平均成長率，連續複利與 e 的認識，自然對數函數。	方格紙 計算機	f-V-4 n-V-2
D-11B-1	主觀機率與客觀機率 ：根據機率性質檢視主觀機率的合理性，根據已知的數據獲得客觀機率。	計算機	d-V-3 d-V-5
D-11B-2	不確定性 ：條件機率、獨立事件及其基本應用，列聯表與文氏圖的關聯。		d-V-3
12 年級 (加深加廣選修數學甲)			
N-12甲-1	數列的極限 ：數列的極限，極限的運算性質，夾擠定理。從連續複利認識常數 e 。	計算機	n-V-5 n-V-2
N-12甲-2	無窮等比級數 ：循環小數， Σ 符號。		n-V-5
N-12甲-3	複數 ：複數平面，複數的極式，複數的四則運算與絕對值及其幾何意涵。棣美弗定理，複數的 n 次方根。		n-V-3 n-V-4 g-V-4 s-V-1
G-12甲-1	二次曲線 ：拋物線、橢圓、雙曲線的標準式，橢圓的參數式。		g-V-4 g-V-5
A-12甲-1	複數與方程式 ：方程式的虛根，代數基本定理，實係數方程式虛根成對的性質。		a-V-2 n-V-3
F-12 甲-1	函數 ：對應關係，圖形的對稱關係（奇偶性），凹凸性的意義，反函數之數式演算與圖形對稱關係，合成函數。#		f-V-1 g-V-2
F-12 甲-2	函數的極限 ：認識函數的連續性與函數在實數 a 的極限，極限的運算性質，絕對值函數和分段定義函數，介值定理，夾擠定理。	計算機	f-V-6 n-V-2 a-V-1

編號	學習內容(依年級排序)	參考教具	對應學習表現
F-12 甲-3	微分 ：導數與導函數的極限定義，切線與導數，多項式函數及簡單代數函數之導函數，微分基本公式及係數積和加減性質。		f-V-6 n-V-7 a-V-2
F-12 甲-4	導函數 ：微分乘法律，除法律，基本的連鎖律，高階導數，萊布尼茲符號。函數的單調性與凹凸性判定，一次估計，基本的最佳化問題。		f-V-7 f-V-2
F-12 甲-5	黎曼和 ：黎曼和與定積分的連結。	計算機	f-V-9 n-V-5
F-12甲-6	積分 ：多項式函數的反導函數與不定積分。定積分在面積、位移、總變化量的意涵，微積分基本定理。		f-V-8 f-V-2
F-12甲-7	積分的應用 ：連續函數值的平均，圓的面積，球的體積，切片積分法，旋轉體體積。		f-V-9
D-12 甲-1	離散型隨機變數 ：期望值、變異數與標準差，獨立性，伯努力試驗與重複試驗。		d-V-4
D-12 甲-2	二項分布 ：二項分布的性質與參數，應用於機率值的合理性檢定。		d-V-4 d-V-5 a-V-1
D-12 甲-3	幾何分布 ：幾何分布的性質與參數，應用於機率值的合理性檢定。		d-V-4 d-V-5 n-V-5
12 年級(加深加廣選修數學乙)			
N-12乙-1	複數 ：複數平面，複數的四則運算與絕對值。		n-V-3
N-12乙-2	無窮等比級數 ：循環小數。		n-V-5
A-12乙-1	線性規劃 ：求目標函數為一次式的極值問題，平行直線系。		a-V-4
A-12乙-2	方程式的虛根 ：方程式的虛根，實係數方程式的代數基本定理，虛根成對性質。		a-V-2 n-V-3
F-12 乙-1	函數 ：對應關係，圖形的對稱關係(奇偶性)，凹凸性的意義。#		f-V-1 g-V-2
F-12 乙-2	函數的極限 ：認識函數的連續性與函數在實數 a 的極限，極限的運算性質，介值定理，夾擠定理。	計算機	f-V-6 n-V-2 a-V-1
F-12 乙-3	微分 ：導數與導函數的極限定義，切線與導數，多項式函數之導函數，微分基本公式及係數積和加減性質。		f-V-6 n-V-7 a-V-2
F-12 乙-4	導函數 ：二階導數，萊布尼茲符號。函數的單調性與凹凸性判定，基本的最佳化問題，導數的邊際意涵。		f-V-7 f-V-2
F-12 乙-5	積分 ：一次與二次函數的反導函數與定積分。定積分的面積與總變化量的意涵，微積分基本定理。		f-V-8 f-V-2
F-12乙-6	積分的應用 ：連續函數值的平均，總量與剩餘意涵。		f-V-9

編號	學習內容（依年級排序）	參考教具	對應學習表現
D-12 乙-1	離散型隨機變數 ：期望值、變異數與標準差，獨立性，伯努力試驗與重複試驗。		d-V-4
D-12 乙-2	二項分布 ：二項分布的性質與參數，應用於機率值的合理性檢定。		d-V-4 d-V-5 a-V-1

陸、實施要點

一、課程發展

- (一) 因為數學是一種語言，成為進一步學習的基礎與思維方法，所以應該提供所有人平等的學習機會，還要強調循序漸進與溝通，適時的發展差異化教學。
- (二) 國小及國中階段，除原訂課程內容之外，教師可以於彈性學習課程規劃「數學奠基與探索活動」，讓學生探索、討論，培養對數學的喜好，奠立單元學習的先備基礎，以期每位學生都能順利進行有意義的學習。
- (三) 對於學習落後的學生，應考量學習方法、學習態度與基本學習能力，發展補救教學課程，及時補救，尤其落實於階段性學習落後的學生。對學習超前的學生，可設計加深、加廣的課程、專題探究各類課程，激發學生學習動力。
- (四) 為達到適性揚才的理想，數學課程的設計，高二必修課程分為A、B兩類。除了高中三年級的加深加廣選修課程(分為甲、乙兩類)之外，學校可發展各類選修課程，讓學生有適性發展的機會。建議的選修課程如下，其中「基礎數學」課程係針對國中教育會考數學「待加強」的學生而設計。

課程名稱	課程目標	建議對象	建議學分數	建議年級
基礎數學	補足數學基礎不足的部份	數學基礎不足者	2	高一上
數學演習	加強練習、從實作中掌握學習目標	一般學生	1	各學期
選修代數	線性代數或代數學的加深、加廣學習	有興趣的學生	2	高一、二任一學期
選修幾何	幾何學的加深、加廣學習	有興趣的學生	2	高二、三任一學期
統計學	統計學的加深、加廣學習	有興趣的學生	2	高二、三任一學期
數學軟體	學習以數學軟體解決問題	有興趣的學生	2	高二、三任一學期
數學建模	學習以數學模型解決問題	有興趣的學生	2	高二、三任一學期
微積分I	提供學生提前修習大學微積分	學習超前的學生	3-4	高二、三任一學期
微積分II	積分的管道	學習超前的學生	3-4	高二、三任一學期

二、教材編選

- (一) 教科書的編寫，應配合課程綱要之基本理念、課程目標、核心素養與學習重點，以協助教師教學為目標，必要時編寫輔助資料協助家長輔導與學生自學。
- (二) 教科書的編寫，應注意整體結構的有機結合，在題材的呈現上，反映出各數學概念的內在連結。也應注意在取材上，能與其他數學主題、日常生活或其他學習領域的素材與應用，做自然的連結。
- (三) 教科書的呈現應循序漸進，適當鋪陳，引發學習動機，注意學生學習心理，在直觀與嚴謹之間取得平衡，並兼顧從特例到一般推理的必要。教科書的編寫，應配合學生的閱讀年齡，使用適切的文字。
- (四) 教科書應有足夠的學習任務與習題。學習任務應具有意義並反映數學思考，其後應有隨堂練習或形成性評量，讓教師能夠即時掌握學生的學習狀況，從而按學生學習需求調整教學活動。課文之後應有啟發深思的習題，習題要扣緊主題，深度由淺入深，不宜與教材內容有太大落差。學習任務與習題宜避免無意義的人工化難題、不符合常理的情境。
- (五) 教科書之編寫可適當編入數學史、民族數學及數學家介紹，引發學生興趣、培養其欣賞數學發展的素養，並了解不同性別者的成就與貢獻。
- (六) 學習任務與習題應注意與生活、其他學科及四項重大議題(性別平等教育、人權教育、環境教育、海洋教育)的連結。比如，例題與習題中的人名兩種性別平均使用。

- (七) 教師手冊要提供教師對教材進一步的認識，幫助教師對課程作深入瞭解，採用最有效率的教法。教師手冊亦應提供相關的進階資訊供教師參考。
- (八) 教科書審查應掌握課程綱要的內容、備註及其說明所呈現的精神，並依據上述教材編寫注意事項進行。
- (九) 教科書之選用應考量學生程度之適切性。必要時，教師可以自編教材。
- (十) 教師自行編寫教材時應以課程綱要為依據，掌握前述教科書撰寫之精神，避免過度發展內容，徒增一般學生的學習挫折。針對資質優異的學生，可以另外編寫具挑戰性及思考性的教材。

三、教學實施

- (一) 學習重點的訂定，以該階段或年級結束時，學生應具備的數學能力為考量。教師應依課程重點及其說明，參照教科書並衡量不同程度的學生規劃課程、設計教案或教學。教材選取應配合地方生活環境和學生實際生活，選擇適當而有趣的題材，並布置適當的學習環境，以利教學。
- (二) 學習重點是離散的條目，但教學與學習是連續的過程。階段或年級的規定，強調在該階段或年級中，應以條目內容為重點，發展並完成學習。基於學習的需求，教師可以依自己的經驗，做部分跨階段或跨年的前置處理，或做後續的補強教學。
- (三) 教師教學應以學生為主體，以其數學能力發展為考量。數學學習節奏的疏熟快慢，因人而異。教師應避免將全班學生，當做均值的整體，並應透過差異化的教學與評量，分析學生的學習準備度，做適當的診斷、導引與協助。
- (四) 課程綱要的制定，並未預設特定的教學法，教師應能依學生的年齡、前置經驗、授課主題特性與教學現場的狀況，因時制宜，採用教師本身覺得恰當或擅於處理的教學法，順暢地進行教學。
- (五) 教學活動的設計應注重不同階段的學習型態，並與教學目標配合。
- (六) 數學教學應注重數、量、形的聯繫，讓學生在實作、實測與直覺中，精熟數、量、形及其相互關係的概念，並逐步抽象化與程序化成為精鍊有效的數學語言，再經由反思、論證、練習與解題，讓學生逐步穩定，達到精熟學習，掌握其概念，作為進一步學習的基礎。
- (七) 教學過程可透過引導、啟發或教導，使學生能在具體問題情境中，運用先備的數學知識為基礎，形成解決問題所需的新數學概念，並有策略地選擇正確又有效率的解題程序。教師可提供啟發性的問題、關鍵性的問題、現實生活的應用問題，激發學生不同的想法。但應避免空洞的或無意義的開放式問題，也避免預設或過早提出解題方式和結果。
- (八) 教師應引導學生體驗生活情境與數學的連結過程，培養學生能以數學觀點考察周遭事物的習慣，並培養學生觀察問題中的數學意涵、特性與關係，養成以數學的方式，將問題表徵為數學問題再加以解決的習慣，以提高應用數學知識的能力。同時在發展解題策略的過程中，加深對數學概念之理解。
- (九) 當學生學習數學時，在生活應用解題與抽象形式能力兩課題間，必須來回往返地相互加強，才能真正順利地發展數學能力，不必過度執著於生活情境，干擾甚至忽略學生抽象形式能力的發展；也不應一味強調抽象程序的學習，妨礙學生將數學應用於日常生活解題的能力。
- (十) 數學與其他學科的差異，在於其結構層層累積，而其發展既依賴直覺又需要推理。教師應將學生的錯誤視為學習歷程，診斷學生發生問題的根源（語言未溝通、肆意擴張約定、推理的謬誤等），並針對問題協助學生。教學時，宜提供充足的時間，鼓勵學生說明其理由與想法，肯定其正確的巧思，或用關鍵的例子，釐清其錯誤。
- (十一) 要學好數學，仰賴學生在各課題的學習，最後能收斂連結為對數學的整體感或直覺，作為下一個課題學習的基礎。整體感的自信，相當依賴於學生對於相關程序（計

算方式、解題方式等)的熟練，而這種熟練，則需要教師能給予學生有啟發性的練習(而非機械式的反覆練習)，讓學生從這些練習中，沈澱自己新學的概念，並能夠與原先的數學知識相連結。

- (十二)為貫徹將每一位學生帶上來的目標，教師教學時，應儘量以全體學生學好數學為目標，依據對學生的評量，因材施教。針對未能達成階段性目標，有待加強的學生，應在正式課堂辦理補救教學，適時做補強措施。針對學習較快的學生，則可提供進階選修課程，以激發其學習熱忱。
- (十三)為落實培養學生使用計算機能力，學生在國中和高中時，應具備標準型計算機；教師配合數學課程綱要內容，教導學生正確使用計算機的方法及態度。
- (十四)教師在教學過程中可適當介紹數學史、民族數學及數學家，引發學生興趣、培養其欣賞數學發展的素養，但不可將這些內容納入評量。
- (十五)教師可運用數學奠基與探索活動，鼓勵學生利用數學解決生活中的實際問題。數學教師可協同其他領域教師，發展出各領域使用數學的實例，幫助學生建立其他領域所需的數學素養。

四、教學資源

- (一)教學時應適度使教學器材，協助學生視覺及思維上的理解，增加教學效果。請參見學習內容後所附的參考教具。
- (二)教學器材以自製為優先，簡易的器材可由師生彈性就地取材設計，複雜的教材應由學校/教育部提供，必要時得成立教具室。每位學生常用的器材，例如直尺、量角器、圓規、計算機，可由學生自己購買以便長期使用。高階的圖型計算機及可寫程式計算機，教師可視可行性彈性使用。為建構抽象思維的實體圖像，教師可適當使用電腦輔助教學範例，例如，以電腦協助講授函數圖形、立體幾何、解方程式和統計課程等。
- (三)因為數學是一種規律的科學，其探究的過程須操作大量的數字(數學語言的基本詞彙)，所以應該具備操作計算機的能力，以落實數學的探究活動。
- (四)適時教授學生使用計算機解決問題，但應該強調其使用時機及侷限，培養學生正確使用計算機的態度。具體來說，學生在熟練計算原理後，為避免太多繁複計算降低學習效率，可於學習及評量中適當使用計算機，執行統計數據、指數、對數及三角比的計算；實施時機以國中階段為宜。應該讓學生明白，計算機及電腦的數值計算都有一定的誤差，在應用上要瞭解此誤差的可接受度。又如，教師應該在學生先有描點繪圖的經驗後，才適合以電腦繪圖加強建立函數圖形的直觀。

五、學習評量

- (一)評量是檢驗教學效果的過程，教師應透過各種評量方式，改善教學。評量有多種方式，譬如紙筆測驗、實作、討論、口頭回答、視察、作業、專題研究或分組報告等。教師宜視教學現場需要，選擇適切的評量方式。
- (二)除了總結性評量之外，教師應於課堂教學運用形成性評量探查學生的學習情況、學習困難以及與學習目標間的落差，即時給予學生回饋或調整教學，以促進其學習。
- (三)教學評量宜同時關照到學習成就、學習準備度、學習動機與學習歷程，分析學生是否能達到學習重點的要求。教師應以教材內容、教學目標與相關課程學習重點，訂定評量的標準。教師不宜在教學評量中，出現高難度的問題，因為教學評量並不是常模參照類的考試，不該強調全班、全校的鑑別。附錄中學習內容的說明，可作為教師命題難度的參考。
- (四)針對學童個人的評量結果，教師可以理解學生既有的知識與經驗，也可從學生發生的錯誤，回溯其學習上的問題並加以輔導修正。針對全班評量結果的共通錯誤，可能反映教師本身教學上的疏失，並可據以改進。全校評量或全國檢測之結果，則可能反映課程綱要的問題，教師可多做回饋，作為未來數學教育綱要修訂的參考。

- (五) 評量時，應注意評量時機的選擇，避免對評量結果做錯誤或不適當解讀。評量學生的起點行為，可作為擬定教學計畫之依據；評量學生的學習狀況，可以及時發現學習困難，進行日常補救教學；評量學生最後學習所得，可作為學生學習回饋及輔導學生的參考。
- (六) 評量時，應配合評量的目的，讓問題能恰當反映學生的學習狀態，並讓所有的評量題型，發揮該題型的特長。評量時要給予充分的時間思考，除了單一選擇題與填充題以外的其他題型，宜要求學生將過程寫下，以瞭解學生思考的步驟，並可訂定分段給分標準，依其作答過程的適切性，給予部分分數，並讓學生理解其錯誤的原因。
- (七) 全國性測驗評量應以課程綱要為依據，為導正學習文化，宜提供學生充分的思考時間，以避免學生為求快速解答而忽略數學思考的學習。高中課程綱要從高二起分類修習，其目的是要提供對數學需求不同的學生選擇的彈性，全國性測驗宜參考此原則設計數學考題。
- (八) 本次數學課程綱要的重要變革之一，是要強調培養學生使用計算機的能力及正確態度，全國性測驗評量宜參考國際上類似考試（例如英國會考，可參考其網頁上之資料：<http://www.mathsmadeeasy.co.uk/ks3mathspastpapers.htm>），准許學生攜帶標準型計算機進入考場，用以解題與作答。

柒、附錄

附錄一、學習重點與領域核心素養呼應表參考示例

學習重點		核心素養
學習表現	學習內容	
n-I-3 應用加法和減法的計算或估算於日常應用解題。	N-2-5 解題：100元、500元。 以操作活動為主兼及計算。容許多元策略，協助建立數感。	數-E-A2 具備基本的算術操作能力、並能指認基本的形體與相對關係，在日常生活情境中，用數學表述與解決問題。
a-IV-1 理解並應用符號及文字敘述表達概念、運算、推理及證明。	A-7-1 代數符號： 認識代數符號與運算，以代數符號表徵交換律、分配律、結合律，以符號紀錄生活中的情境問題。	數-J-A2 具備有理數、根式、坐標系之運作能力，並能以符號代表數或幾何物件，執行運算與推論，在生活情境或可理解的想像情境中，分析本質以解決問題。
f-V-4 認識指數與對數函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以指數函數為數學模型的成長或衰退現象，並能用以溝通和解決問題。	F-11A-4 指數與對數函數： 指數函數及其圖形，按比例成長或衰退的數學模型，常用對數函數的圖形，在科學和金融上的應用。	數-S-A2 具備數學模型的基本工具，以數學模型解決典型的現實問題。瞭解數學在觀察歸納之後還須演繹證明的思維特徵及其價值。
n-II-9 理解長度、角度、面積、容量、重量的常用單位與換算，培養量感與估測能力，並能做計算和應用解題。初步認識體積。	N-3-15 容量： 「公升」、「毫升」。實測、量感、估測與計算。單位換算。	數-E-B1 具備日常語言與數字及算術符號之間的轉換能力，並能熟練操作日常使用之度量衡及時間，認識日常經驗中的幾何形體，並能以符號表示公式。
s-IV-4 理解平面圖形全等的意義，知道圖形平移、旋轉、鏡射後仍保持全等，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。	S-8-4 全等圖形： 全等圖形的意義(兩個圖形經過平移、旋轉或翻轉可以完全重疊在一起)；對應點、對應邊、對應角的意義；兩個多邊形全等則其對應邊和對應角相等(反之亦然)。	數-J-B1 具備處理代數與幾何中數學關係的能力，並用以描述情境中的現象。能在經驗範圍內，以數學語言表述平面與空間的基本關係和性質。能以基本的統計量與機率，描述生活中不確定性的程度。
f-V-3 認識三角函數的圖形特徵，理解其特徵的意義，認識以正弦函數為數學模型的週期性現象，並能用以溝通和解決問題。	F-11A-2 正餘弦的疊合： 同頻波疊合後的頻率、震幅。	數-S-B1 具備描述狀態、關係、運算的數學符號的素養，掌握這些符號與日常語言的輔成價值；並能根據此符號執行操作程序，用以陳述情境中的問題，並能用以呈現數學操作或推論的過程。

學習重點		核心素養
學習表現	學習內容	
d-II-1 報讀與製作一維表格、二維表格、長條圖，並據以做簡單推論。	D-3-1 一維表格與二維表格 ：以操作活動為主。報讀、說明與製作生活中的表格。	數-E-B2 具備報讀、製作基本統計圖表之能力。
n-IV-9 使用計算機計算比值、科學記號的數、複雜的數式、小數或根式等四則運算的近似值問題，並能理解計算機可能產生誤差。	N-8-2 二次方根的近似值 ：二次方根的近似值；二次方根的整數部分；十分逼近法。使用計算機 $\sqrt{\quad}$ 鍵。	數-J-B2 具備正確使用計算機的素養，包含知道其適用性與限制、認識其與數學知識的輔成價值、並能用以執行數學程序。能認識統計資料的基本特徵。
d-V-2 能判斷分析數據的時機，能選用適當的統計量作為描述數據的參數，理解數據分析可能產生的例外，並能處理例外。	D-10-2 數據分析 ：一維數據的平均數、標準差最適直線與相關係數，數據的標準化。	數-S-B2 具備正確使用計算機和電腦軟體的素養，包含知道其適用性與限制、認識其與數學知識的輔成價值，並能用以執行數學程序。能解讀、批判及反思媒體表達的資訊意涵與議題本質。
s-II-4 在活動中，認識幾何概念的應用，如旋轉角、展開圖與空間形體。	S-3-4 立體形體與展開圖 ：以操作活動為主。初步體驗展開圖如何黏合成立體形體。知道不同之展開圖可能黏合成同一形狀之立體形體。	數-E-B3 具備感受藝術作品中的數學形體或式樣的素養。
s-IV-5 理解線對稱的意義和線對稱圖形的幾何性質，並能應用於解決幾何與日常生活的問題。	S-7-5 線對稱 ：線對稱圖形的意義，對稱軸、對稱點、對稱線（段）、對稱角的意義，對稱線段等長，對稱角相等，對稱點的連線段會被對稱軸垂直平分。	數-J-B3 具備辨認藝術作品中的幾何形體或數量關係的素養。並能在數學的推導中，享受數學之美。
s-V-2 察覺並理解空間的基本特質，以及空間中的點、直線、與平面的關係。認識空間中的特殊曲線與曲面，並能察覺與欣賞生活中的範例。	S-11A-1 空間概念 ：空間的基本性質，三視圖，空間中兩直線、兩平面、及直線與平面的位置關係，三垂線定理。	數-S-B3 具備掌握數學作為藝術創作原理或人類感知模型的素養，並願意嘗試運用數學原理協助藝術創作。
d-I-1 認識分類的模式，能主動蒐集資料、分類、並做簡單的呈現與說明。	D-2-1 分類與呈現 ：以操作活動為主。能分類、紀錄、呈現並說明。應討論（1）分類的分類；（2）因特徵不同，同一資料可有不同的分類方式。	數-E-C2 具備樂於與他人分享解題過程的素養。

學習重點		核心素養
學習表現	學習內容	
d-IV-1 理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。	D-7-1 統計圖 ：長條圖；圓形圖；直方圖；折線圖。(教師可使用電腦應用軟體演示教授)	數-J-C2 具備樂於協助他人及與人合作解決數學問題的素養。
g-V-4 理解並欣賞幾何的性質可以透過坐標而轉化成數與式的關係，而數與式的代數操作也可以透過坐標產生對應的幾何意義，能熟練地轉換幾何與代數的表徵，並能用於推論及解決問題。	G-10-2 直線方程式 ：斜率，其絕對值的意義，點斜式，點與直線之平移，平行線、垂直線的方程式。點到直線的距離，平行線的距離、二元一次不等式。	數-S-C2 具備培養團隊合作以解決數學問題的素養。
r-I-1 學習數學語言中的運算符號、關係符號、算式約定。	R-1-1 算式與符號 ：含加減算式中的加號、減號、等號。	數-E-C3 具備理解與關心多元文化或語言的數學表徵的素養，並與自己的語言文化比較。
s-IV-7 理解畢氏定理與其逆敘述，並能應用於數學解題與日常生活的問題。	S-8-6 畢氏定理 ：畢氏定理(勾股弦定理、商高定理)的意義及其數學史，畢氏定理在生活上的應用、三邊長滿足畢氏定理的三角形必定是直角三角形。	數-J-C3 具備敏察和接納數學發展的全球性歷史與地理背景的素養。
n-V-5 能察覺並規律並以一般項或遞迴方式表現，進而熟悉級數的操作。理解數學歸納法的意義，並能用於數學論證。認識無窮的概念，理解並欣賞數學掌握無窮的方法。	N-12甲-1 數列的極限 ：數列的極限，極限的運算性質，夾擠定理。從連續複利認識常數 e 。	數-S-C3 具備欣賞數學觀念或工具跨文化傳承的歷史與地理背景的視野，並瞭解其促成技術發展或文化差異的範例。

附錄二、議題融入領域示例說明

依《總綱》「實施要點」規定，各領域課程設計應適切融入性別平等、人權、環境、海洋、品德、生命、法治、科技、資訊、能源、安全、防災、家庭教育、生涯規劃、多元文化、閱讀素養、戶外教育、國際教育、原住民族教育等議題。各領域/科目「課程綱要」內容業已適切轉化、統整融入此等議題，學校、教師，以及教材研發、出版機構、教材審查等相關教育人員應依循各領域/科目「課程綱要」內容，並參考本說明，落實議題融入課程與教學之責任。學校亦可於彈性學習課程/時間及校訂課程中據以規劃相關議題，並配合校園文化形塑及相關活動實施，發揮全面性議題教育功能，以提升學習成果。

壹、議題之類別與內容

一、議題之類別

《總綱》所揭示之十九項議題可分成三類，如附表 1 所示。第一類是已單獨設領域/科目之議題，如生命教育、科技教育、資訊教育、生涯規劃；第二類是領域/科目課程內涵已涵蓋相關內容之議題；第三類則因是當前國家重大政策，為全球所關注，且為延續九年一貫課程之議題，是培養現代國民與世界公民之關鍵內涵，故稱為「重大議題」，包括性別平等教育、人權教育、環境教育、海洋教育。

附表 1 議題的類別

類別	議題	說明
第一類： 已單獨設 領域/科 目之議題	生命教育	已單獨設領域/科目(綜合活動/生命教育)
	科技教育	已單獨設領域(科技)
	資訊教育	已單獨設領域/科目(科技/資訊科技)
	生涯規劃	已單獨設領域/科目(綜合活動/生涯規劃)
第二類： 領域/科 目課程內 涵已涵蓋 相關內容 之議題	品德教育	相關領域/科目，尤其是語文、社會、綜合活動、科技等
	*生命教育	相關領域/科目，尤其是綜合活動
	法治教育	有對應領域/科目(社會/公民與社會、科技)
	*科技教育	相關領域/科目，尤其是科技/資訊、公民與社會、數學、自然科學
	*資訊教育	相關領域/科目，尤其是科技/資訊、自然科學、社會/公民與社會、數學
	能源教育	有對應領域/科目(自然科學、科技)
	安全教育	有對應領域/科目(自然科學、健康與體育、綜合活動/家政、全民國防)
	防災教育	有對應領域/科目(自然科學、綜合活動、全民國防教育)
	家庭教育	有對應領域/科目(綜合活動/家政、社會/公民與社會)
	多元文化教育	相關領域/科目，尤其是語文、社會、綜合活動
	閱讀素養	相關領域/科目
	戶外教育	有對應領域/科目(綜合活動、社會、自然科學、健康與體育)
國際教育	相關領域/科目，尤其是語文、社會、綜合活動	
原住民族教育	有對應領域/科目(本土語文/原住民族語文、社會、自然科學)	
第三類： 重大議題	性別平等教育	為全球關注、屬國家當前重要政策，以培養現代國民與世界公民之關鍵內涵之議題，同時也是延續「九年一貫課程」之重大議題
	人權教育	
	環境教育	
	海洋教育	

註:以*標示者為同時隸屬「已單獨設領域/科目之議題」與「領域/科目課程內涵已涵蓋相關內容之議題」兩類別之議題。

二、議題之內容

《總綱》揭示融入各領域/科目之十九項議題，其課程規劃應包含正式與非正式課程。課程發展與教材編選應以學生經驗為中心、選取生活化教材，並掌握議題之基本理念與其不同學習階段之實質內涵，連結領域/科目內容，以問題覺知、知識理解、技能習得、及實踐行動之次序發展教材，並編輯教學手冊。

教師教學時，可透過領域/科目內容之延伸、轉化與統整，進行議題之融入，亦可將人物、典範、習俗、節慶、文化或活動等以隨機、點綴或附加方式加入教材，並於作業、作品、展演、參觀、社團與團體活動中，以多元方式融入議題。經由討論、對話、批判與反思，使教室成為知識建構與發展的學習社群，以提升議題學習之品質。有關十九項議題之內容詳附表 2。

附表 2 十九項議題之內容

議題名稱	議題學習主題/實質內涵
性別平等教育	「性別氣質、性傾向與性別認同之多樣性」、「性別角色、刻板印象、性別偏見與性別歧視之突破」、「身體自主權的尊重與維護」、「性騷擾、性侵害、性霸凌之防治」、「語言、文字與符號之性別意涵分析」、「科技、資訊與媒體之性別識讀」、「藝術與美感的性別實踐」、「性別權益與公共參與」、「性別關係與互動」、「性別與多元文化之國際面向」等
人權教育	人權之基本概念、人權與責任、人權與民主法治、人權與生活實踐、人權違反與救濟、人權重要主題等
環境教育	環境倫理、永續發展、氣候變遷、災害防救、能源資源永續利用等
海洋教育	海洋休閒、海洋社會、海洋文化、海洋科學、海洋資源等
品德教育	品德發展層面、品德核心價值、品德關鍵議題、品德實踐能力與行動等
生命教育	哲學思考、人學探索、終極關懷、價值思辯、靈性休養等
法治教育	公平正義之理念、法律與法治的意義、人權保障之憲政原理與原則、法律之實體與程序的知識與技能等
科技教育	科技本質、設計與製作、科技的應用、科技與社會等
資訊教育	計算平台、資料表示、處理與分析、演算法、程式設計、資訊科技應用、資訊科技與人類社會等
能源教育	能源意識、能源概念、能源使用、能源發展、行動參與等
安全教育	安全教育概論、日常生活安全、運動安全、校園安全、急救教育等
防災教育	災害風險與衝擊、氣候變遷的災害趨勢、災害風險的管理、災害防救的演練等
家庭教育	人口與社會變遷對家庭的影響、社會對家庭生態系統的影響、個人與家庭發展、家人關係與互動、親密關係發展與婚姻預備、家庭資源管理與環境永續、健康家庭與家庭韌性、家庭活動與社區參與等
生涯規劃	生涯規劃教育之基本概念、生涯教育與自我探索、生涯規劃與工作/教育環境探索、生涯決定與行動計劃等
多元文化教育	認同自我文化、理解及尊重差異、跨文化能力、社會正義等
閱讀素養	閱讀的歷程、閱讀的媒材、閱讀的情境脈絡、閱讀的態度等
戶外教育	良好習慣、保育觀念、愛惜大自然與公物之養成，觀察研究大自然獲得啟示，登山健行、團體活動學習觀察、尊重他人、愛護、欣賞環境等
國際教育	國家認同、國際素養、全球競合力、全球責任感等
原住民族教育	民族語言文字的保存傳承、原住民族文化認同及多元文化理解、歲時祭儀的認識及參與、傳統領域土地及部落/社區的互動、自然環境及生態知識的探索等

貳、議題融入「數學領域課程綱要」學習重點之示例

一、四項重大議題融入學習重點之示例

以下提供與「數學領域課程綱要」相關之四項重大議題的實質內涵，並例舉可融入課程綱要的學習重點（詳附表3），以引導教材編選與教學實施，俾利養成學生批判思考及問題解決的能力，提升面對議題的責任感與行動力，以及追求尊重多元、同理關懷、公平正義、永續發展等核心價值。

附表3 四項重大議題融入「數學領域課程綱要」學習重點之示例

議題	學習主題	議題實質內涵	融入課程綱要學習重點之示例
人權教育	人權與責任	J17 能討論國內人權議題，並提出一個符合正義的社會藍圖，並能進行社會關懷與服務	d-IV-1 理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。
性別平等教育	性別權益與參與	E10 檢視校園中空間與資源分配的性別落差，並提出改善建議 J11 探究社會中資源運用與分配的性別不平等，並提出解決策略	d-III-1 報讀與製作折線圖與圓形圖，並據以做簡單推論。 d-III-2 能從資料或圖表的資料數據，解決關於回答「可能性」的簡單問題。 n-IV-4 理解比、連比、正比和反比的意義和推理，並能運用到日常生活的情境解決問題。 d-IV-1 理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。 d-IV-2 理解機率的意義，能以機率表示不確定性和以樹狀圖分析所有的可能性，並能應用機率到簡單的日常生活情境解決問題。 D-4-1 長條圖：報讀、說明與製作生活中的長條圖。 D-5-1 折線圖：報讀、說明與製作生活中的折線圖。 D-6-1 圓形圖：報讀、說明與製作生活中的圓形圖。 N-7-9 比：比；比例式；正比；反比；相關之基本運算與應用問題(教學情境應以有意義之比值為例，並盡量舉整數比值以利學生理解)。 D-8-1 統計資料處理：(相對)次數、(相對)累積次數折線圖；列聯表。 D-9-1 統計數據：平均數；中位數；眾數；全距；四分位距；盒狀圖；使用計算機 Σ 鍵計算平均數。
環境教育	氣候變遷	U34 理解氣候變遷的理論並與實際監測資料印證	d-V-3 理解事件的不確定性，並能以機率將之量化。理解機率的性質並能操作其運算，能用以溝通和推論。
	災害防救	U35 分析實際監測數據，探究天然災害頻率的趨勢與預估	d-V-4 認識隨機變數，理解其分佈概念，理解其參數的意義與算法，並能用以推論和解決問題。

二、相關議題融入學習重點之示例

除前述四項重大議題，與「數學領域課程綱要」高度相關之議題，尚有「科技教育」、「資訊教育」、「多元文化教育」、「閱讀素養」，此等議題之內涵大致已涵蓋於課程綱要之學習重點。茲例舉相關議題融入之學習重點，以供參考，如附表 4。

附表 4 相關議題融入「數學領域課程綱要」學習重點之示例

議題	議題學習主題/ 實質內涵	融入課程綱要學習重點之示例
生命教育	哲學思考 人學探索 終極關懷 價值思辯 靈性修養	d-V-3 理解事件的不確定性，並能以機率將之量化。理解機率的性質並能操作其運算，能用以溝通和推論。 d-V-7 認識排列與組合的計數模型，理解其運算原理，並能用於溝通和解決問題。
科技教育	科技本質 設計與製作 科技的應用 科技與社會	n-V-2 能熟練操作計算機，能判斷使用計算機的時機，理解計算機可能產生誤差，並能處理誤差。 S-8-12 尺規作圖與幾何推理：複製已知的線段、圓、角、三角形；能以尺規作出指定的中垂線、角平分線、平行線、垂直線；能寫出幾何推理所依據的幾何性質。
資訊教育	計算平台 資料表示 處理與分析 演算法 程式設計 資訊科技應用 資訊科技與人類社會	d-III-2 能從資料或圖表的資料數據，解決關於「可能性」的簡單問題。 d-IV-1 理解常用統計圖表，並能運用簡單統計量分析資料的特性及使用統計軟體的資訊表徵，與人溝通。 d-V-2 能判斷分析數據的時機，能選用適當的統計量作為描述數據的參數，理解數據分析可能產生的例外，並能處理例外。
多元文化教育	認同自我文化 理解及尊重差異 跨文化能力 社會正義	n-V-5 能察覺並規律並以一般項或遞迴方式表現，進而熟悉級數的操作。理解數學歸納法的意義，並能用於數學論證。認識無窮的概念，理解並欣賞數學掌握無窮的方法。
閱讀素養	閱讀的歷程 閱讀的媒材 閱讀的情境脈絡 閱讀的態度	r-I-1 學習數學語言中的運算符號、關係符號、算式約定。 a-IV-1 理解並應用符號及文字敘述表達概念、運算、推理及證明。 n-V-6 認識命題，理解並欣賞邏輯之於自然語言的一致性與精確性，並能用於溝通與推論。 R-4-3 以文字表示數學公式：理解以文字和運算符號聯合表示的數學公式，並能應用公式。可併入其他教學活動。 r-III-3 觀察情境或模式中的數量關係，並用文字或符號正確表述，協助推理與解題。 d-II-1 報讀與製作一維表格、二維表格、長條圖，並據以做簡單推論。

附錄三、學習內容補充說明

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
1 年級		
N-1-1	一百以內的數	教學可數到最後的「一百」，但不進行超過一百的教學。能點數十位積木。連結 0 的位值意義與二年級直式計算之學習。可觀察百數表模式。
N-1-2	加法和減法	強調「併加」以理解加法交換律。處理「0」。含加減法並陳之單元，使學生察覺加法和減法問題的差異。一年級不做加數、被加數、減數、被減數未知題型。
N-1-3	基本加減法	在過程中可能用到兩步驟加減混合數算，這是自然延伸之計算策略與數感，應予以鼓勵。
N-1-4	解題：1 元、5 元、10 元、50 元	容許多元策略，建立數感。
N-1-5	長度	含直線與曲線。無常用單位。
N-1-6	日常時間用語	以教師和學生在教室中溝通之時間用語為原則。非時間單位結構之教學。簡單日期指日曆之「幾月幾日」，不含曆法結構。時刻以鐘面教學。簡單鐘面時刻限「整點」與「半點」。
S-1-1	長度	含直線與曲線。無常用單位。
S-1-2	形體的操作	拼貼可做簡單拼圖、鑲嵌（壁磚）活動。堆疊為立體圖形。
R-1-1	算式與符號	此條目包括小學之後的學習，不再另列條目。
R-1-2	兩數相加的順序不影響其和	先用「併加型」（合成型）情境說明，再應用於其他情境。不出現「加法交換律」一詞。
D-1-1	簡單分類	非正式表格與統計圖表。
2 年級		
N-2-1	一千以內的數	教學可數到最後的「一千」，但不進行超過一千的教學。能局部前後數數。點數位值積木，並熟練「十個一數」「百個一數」的模式。
N-2-2	加減算式與直式計算	直式計算：加法含二重進位，減法限一次退位。特別處理數字中有 0 的題型。先在有位值的表格中學習計算。
N-2-3	解題：加減應用問題	教師使用解題策略協助學生理解與轉化問題（花片模型、線段圖、算式填充題或加減互逆等），但不發展成學生答題之固定格式。不需另立單元教學。
N-2-4	解題：簡單加減估算	布題以合理自然為原則。
N-2-5	解題：100 元、500 元	避免要求學生自備大鈔。可與估算連結。
N-2-6	乘法	在乘法解題脈絡中，自然使用連加算式，不限步驟。最後能以陣列理解乘法交換律（R-2-3）。可暫不處理 0 的問題。
N-2-7	十十乘法	和乘法教學同時進行。協助在除法中發現乘與除的關係。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
N-2-8	解題：兩步驟應用問題(加、減、乘)	連乘在三年級。
N-2-9	解題：分裝與平分	不列除式，不用「除」的名稱。限整除問題。在「十十乘法」範圍中進行。可用幾個一數或連減協助，但不可成為答題格式。
N-2-10	分數	首次學習分數，限用連續模型如長方形或圓形。離散模型只可做為進一步應用，且必須與連續模型表徵強烈結合。不做分數加減。「的幾分之幾」僅限溝通，不是乘法問題。摺紙限「摺半」操作：用圓做出分母 2 或 4 之分數；用長方形做出分母 2、4、8、16 的分數。
N-2-11	長度：「公分」、「公尺」	單位換算公尺數限個位數。長度的加減問題必須包含和數線加減可以連結之題材。
N-2-12	容量、重量、面積	重量使用天平教學，但學生仍須體驗重量的體感。無常用單位。
N-2-13	鐘面的時刻	同步練習「五個一數」「十個一數」。不含秒針。整時的點數須配合鐘面進行。
N-2-14	時間：「年」、「月」、「星期」、「日」	可做簡單計算問題(如暑假的總天數)。不做時間間隔問題。可觀察月曆結構模式。可教「閏年」，但只談「四年一閏」。
S-2-1	物體之幾何特徵	活動應以實際物體為主。幾何特徵指非嚴格定義的頂點、角、邊、面，周界、內外。
S-2-2	簡單幾何形體	可配合資料處理之教學(D-2-1)。
S-2-3	直尺操作	建立使用數學工具的良好習慣。
S-2-4	平面圖形的邊長	周長計算為簡單加法連加，不受限於兩步驟加法的限制。強調操作，不處理公式。
S-2-5	面積	是 N-2-12 的部分。
R-2-1	不等號與遞移律	不出現「遞移律」一詞。
R-2-2	三數相加，順序改變不影響其和	在加法的「併加型」(合成型)情境中理解。不出現「結合律」一詞。
R-2-3	兩數相乘的順序不影響其積	二年級乘法教學最後階段，以陣列模型教學。不出現「乘法交換律」一詞。
R-2-4	加法與減法的關係	不用減法驗算加法。
D-2-1	分類與呈現	非正式表格與統計圖表。可配合平面圖形與立體圖形教學。
3 年級		
N-3-1	一萬以內的數	教學可進行到最後的「一萬」，但不進行超過一萬的教學。
N-3-2	加減直式計算	特別處理數字中有 0 的題型。先在有位值的表格中學習計算。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
N-3-3	乘以一位數	處理被乘數有 0 的題型。先在有位值的表格中學習計算。最後須能以一列算出答案。多位數乘以一位數隱含之分配律來自操作與數感。
N-3-4	除法	先做整除問題，再處理餘數。教學中應有乘除法並陳之單元，讓學生能察覺乘法與除法問題的差異。
N-3-5	除以一位數	處理被除數有 0 的題型。先在有位值的表格中學習計算。
N-3-6	解題：乘除應用問題	可使用解題策略協助學生理解與轉化問題（例如「倍」的語言、乘除互逆等）。不需另立單元教學。
N-3-7	解題：兩步驟應用問題(加減與除、連乘)	乘除混合、連除在四年級。
N-3-8	解題：四則估算	問題以合理自然為原則。剛學除法，問題需簡單。
N-3-9	簡單同分母分數	包含假分數，但不含帶分數。初步認識分數的應用，情境以連續量為主。若處理離散量情境，其計數單位需為整體數量為分母的單位分數（如 1 盒餅有 6 塊，只處理分母 6 之分數，不處理 2 或 3 的情況）。
N-3-10	一位小數	小數之學習必須與整數經驗緊密聯繫。小數應用情境以連續量為主。
N-3-11	整數數線	數線需從 0 開始。運用長度加減法的題型，理解在數線上做加減的意義。
N-3-12	長度：「毫米」	以兩步驟連乘理解「公尺」與「毫米」的換算。單位換算時，公尺數限個位數。自三年級後，量的計算可使用複名數協助加減計算（不做乘除）。
N-3-13	角度	用直尺或三角板來認識與複製直角。澄清角與邊長長短或面積大小混淆之錯誤。
N-3-14	面積：「平方公分」	可用平方公分板，協助點數簡單圖形如正方形、長方形、三角形面積計算，但不發展一般公式。
N-3-15	容量：「公升」、「毫升」	單位換算公升數限個位數。可使用複名數協助加減計算。
N-3-16	重量：「公斤」、「公克」	單位換算公斤數限個位數。可使用複名數協助加減計算。
N-3-17	時間：「日」、「時」、「分」、「秒」	加減問題以認識加減問題類型為原則，處理時刻或時間量等常見問題。加減限（1）同單位時間量；（2）時、分複名數加減（無進、退位）。單位換算限兩步驟連乘。
S-3-1	角度	用直尺或三角板來認識與複製直角。澄清角與邊長長短或面積大小混淆之錯誤。
S-3-2	正方形和長方形	可用測量輔助。知道斜擺的長方形或正方形依舊是長方形或正方形。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
S-3-3	圓	知道圓心是認識圓的重要定義元素，但是圓心並不屬於圓。
S-3-4	立體形體與展開圖	以操作體驗空間形體為目標，啟發學生探討與發現之興趣，但不做任何數學知識的歸納。不做評量。
R-3-1	乘法與除法的關係	知道「3 的幾倍是 15」「什麼數的 4 倍是 12」要用除法列式解題。
R-3-2	數量模式與推理 (I)	含推理與說明。可結合表格教學。(D-3-1)
D-3-1	一維表格與二維表格	製作表格不限於日常資料統計性題材，也可應用於觀察數量模式的變化。
4 年級		
N-4-1	一億以內的數	教學可進行到最後的「一億」，但不進行超過一億的教學。
N-4-2	較大位數之乘除計算	直式計算乘數與除數限三位。直式計算需注意 0 的教學。估商教學。知道「 1600×200 」與「 $60000 \div 400$ 」這類算式，可發展出更簡單的計算方法。
N-4-3	解題：兩步驟應用問題(乘除,連除)	由於除法有等分除和包含除兩種類型，應注意題型的多元性。可和併式一起進行 (R-4-1)。
N-4-4	解題：對大數取概數	問題以合理自然為原則。協助四則估算。
N-4-5	同分母分數	數字不用太大，以能流暢進行同分母分數計算為目標。帶分數之整數倍隱含之分配律來自操作與數感，不必自限，不必強迫學生化成假分數進行。
N-4-6	等值分數	簡單異分母分數指一分母為另一分母之倍數。與小數互換之簡單分數指分母為 2、5、10、100。
N-4-7	二位小數	小數之學習必須與整數經驗緊密聯繫。直式計算注意小數點的位置。小數應用情境以連續量為主。
N-4-8	數線與分數、小數	標記限一位小數(相當於分母等於 10)與分母不大於 5 的分數。利用等值分數可做簡單的小數、分數比較。但加減法分數和小數必須分開。
N-4-9	長度：「公里」	應運用學生熟悉的生活環境，體會公里的量感。
N-4-10	角度：「度」	量角器教學需確實，並能從左右兩側進行量角活動。
N-4-11	面積：「平方公尺」	不用複名數表示。不做「平方公分」換到「平方公尺」的問題。
N-4-12	體積與「立方公分」	體積不容易做直接與間接比較，和 1 立方公分之正立方體一起教學。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
N-4-13	解題：日常生活的時間加減問題	含時間加減各種類型。不談時差，時差相關問題，需在布題時先處理。
S-4-1	角度：「度」	量角器教學需確實，並能從左右兩側進行量角活動。
S-4-2	解題：旋轉角	如鐘面指針旋轉，人的旋轉和方向的變換。不處理超過 360 度的問題。
S-4-3	正方形與長方形的面積與周長	邊長限整數。最後學生的計算是依據定義以乘法計算，而非測量。簡單複合圖形限兩圖形之組合。
S-4-4	體積	是 N-4-12 的部分。
S-4-5	垂直與平行	透過操作和觀察之知道平行線間距離處處相等，非數學證明。
S-4-6	平面圖形的全等	平移或旋轉對稱圖形可具有豐富變化的模式。平移、旋轉含於操作中，名詞不出現。
S-4-7	三角形	特殊三角形指正三角形、等腰三角形、直角三角形。
S-4-8	四邊形	特殊四邊形除正方形、長方形外，還有平行四邊形、梯形(等腰梯形)、菱形。作圖限正方形、長方形、平行四邊形。
R-4-1	兩步驟問題併式	限整數。二、三年級已學習之兩步驟問題，也藉此複習。
R-4-2	四則計算規律 (I)	加減部分，不做 $a - (b - c)$ 之去括號。乘除只做「三數相乘，順序改變不影響其積」、「先乘後除與先除後乘的結果相同」。
R-4-3	以文字表示數學公式	如「長方形面積=長×寬」、「正方形周長=邊長×4」。
R-4-4	數量模式與推理 (II)	應含推理與說明。如百數表模式、巴斯卡三角形模式。
D-4-1	長條圖	處理分類資料。
5 年級		
N-5-1	十進位的位值系統	熟練「 300×1200 」與「 $600000 \div 4000$ 」之處理。
N-5-2	解題：多步驟應用問題	以學生較熟悉、能直接併式之問題為原則。本細目要求併式。需含類似分配律情境之三步驟問題，以和分配律教學連結。
N-5-3	公因數和公倍數	以概念認識為主，不用短除法。
N-5-4	異分母分數	通分不鼓勵直接相乘。通分數字限(1)分母均為一位數；(2)一分母為另一分母的倍數，且兩數小於 100；(3)乘以 2、3、4、5 就可以找到兩分母之公倍數(如 12 與 18)。
N-5-5	分數的乘法	建立「的 $1/2$ 」和「 $1/2$ 倍」的關連。
N-5-6	整數相除之分數表示	教師積極協助學生突破整數除法有餘數之固定想法，並轉化成商為分數的合理性。
N-5-7	分數除以整數	等分除可和乘法結合，包含除可和「比率」的思考結合。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
N-5-8	小數的乘法	連結乘以 0.1 和 0.01 的意義和直式計算並做推廣到。直式計算和整數相同，但需留意小數點記法和之前的記法不同。
N-5-9	整數、小數除以整數(商為小數)	原則上只處理商限三位小數的情況，但可讓學生從計算中發現可能有除不盡的循環現象。不做「循環小數」命名。
N-5-10	解題：比率與應用	限結果不大於 1 的應用情境。
N-5-11	解題：對小數取概數	討論近似問題時，不出現「誤差」、「近似值」之用語。
N-5-12	面積：「公畝」、「公頃」、「平方公里」	教師應運用學生熟悉的生活環境，體會各單位的量感。
N-5-13	重量：「公噸」	教師應運用學生熟悉的生活環境，體會各單位的量感。
N-5-14	體積：「立方公尺」	不用複名數表示。1 立方公尺與 1 立方公分的換算較難，不需評量。
N-5-15	解題：容積	要討論如何以容積的想法求不規則物體的體積。
N-5-16	解題：時間的乘除問題	含以分數和小數表示的時間量。如 15 分是 $\frac{1}{4}$ 時 ($15/60=1/4$)； $\frac{1}{5}$ 時是 12 分 ($60 \times 1/5=12$)。可含工程問題。
S-5-1	三角形與四邊形的性質	推理：例如四邊形四內角和為 360 度。推理知三角形不可能有兩鈍角。
S-5-2	三角形與四邊形的面積	在小學需注意文字公式之順序。計算面積的問題，若採用分數或小數邊長，必須在分數和小數的乘法後教學。
S-5-3	扇形	扇形含圓心角大於 180 度的情況。理解圓心角 90 度的扇形是 $\frac{1}{4}$ 圓等。給定一圓，能畫出 $\frac{1}{3}$ 圓、 $\frac{1}{6}$ 圓、 $\frac{1}{12}$ 圓。畫出指定半徑與圓心角的扇形。
S-5-4	線對稱	知道正三角形、等腰三角形、正方形、長方形、菱形、箏形、等腰梯形、正六邊形的線對稱性質。
S-5-5	正方體和長方體	能算長方體的表面積，但不記成公式。
S-5-6	空間中線與面的關係	強調操作與概念的合理性，不做嚴格定義。不用三角板檢查，因為容易造成學生的誤用。
S-5-7	球與柱體	應知球的截面是圓、球的球心與半徑。「直」和「正」不出現。角柱只介紹三、四、六角錐。圓錐與角錐於國中教學。不做歐拉數。
R-5-1	三步驟問題併式	學習併式是國中代數的重要前置經驗，但不表示此後所有國小解題教學都必須併式。
R-5-2	四則計算規律(II)	乘除混合：含「連除兩數等於除以兩數之積」；不做 $a \div (b \div c)$ 之去括號。必須呈現底下的範例：將應用問題轉化成算式後，再利用計算規律調整算式進行計算解題(其中調整後的算式已無法以原情境來解釋)。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
R-5-3	以符號表示數學公式	藉由幾何圖形的面積與體積公式較易進行。也可在分數乘法中運用。本細目並非取代「文字表示公式」(R-4-3)，後者較易理解之優點仍應保持。
D-5-1	折線圖	處理有序資料。分辨長條圖與折線圖之使用時機。
6 年級		
N-6-1	質數、質因數，質因數分解	被分解數的因數，在扣除 2、3、5 或其次方的部分後、只剩一因數，且此數除了 49、77 或 91 之外，只能是 11、13、17 或 19。
N-6-2	最大公因數與最小公倍數	不做三數的最大公因數與最小公倍數。應有練習化成最簡分數的問題。
N-6-3	分數的除法	可不處理餘數問題，若要處理，必須限於具體合理的生活情境。餘數問題不評量。
N-6-4	小數的除法	注意直式計算之處理方式。可不處理餘數問題，若要處理，必須限於具體合理的生活情境，商限定為整數，並小心在直式計算中處理餘數問題。餘數問題不評量。
N-6-5	解題：整數、分數、小數的四則應用問題	含處理分數和小數乘除計算之常用技巧。
N-6-6	比與比值	包含簡單之小數與分數。
N-6-7	解題：速度	除不同時間區段的平均速度問題外，小學速度問題的假設都是等速運動。含速度固定，時間為幾倍，距離即為幾倍的問題。含時間固定，速度為幾倍，距離即為幾倍的問題。
N-6-8	解題：基準量與比較量	如以哥哥身高為 1，弟弟身高為 $\frac{4}{5}$ ，則以弟弟身高為 1，哥哥身高為 $\frac{5}{4}$ 。
N-6-9	解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題	乘法原理如 3 件上衣與 5 件裙子的搭配方式；加法原理如允許重複，1、2、3 可排出幾種二位奇數。其混合如 1、2、3 可排出幾種三位奇數。乘法原理和乘法原理旨在初步學習計數的觀點，而非複雜的計數問題。本細目不要求併式。
S-6-1	放大與縮小	知道常見平面圖形的縮放仍然是同一類圖形（含圓），並能說明其原因。
S-6-2	解題：地圖比例尺	含處理兩張地圖之間的長度關係，處理以為「比例分母愈大，相對邊長也愈大」的常見錯誤。
S-6-3	圓周率、圓周長、圓面積、扇形面積	由於圓周率取成 3.14，在計算時應以概念理解為原則，避免陷入複雜計算。可利用活動說明一般不規則區域的面積要如何理解和估計，但不評量。扇形面積與弧長只處理直接問題（如已知幾分之幾圓或圓心角求面積或弧長），不處理逆推或過多推理步驟的問題（屬於國中範圍）。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
S-6-4	柱體體積與表面積	體積不用說明所有情況，即可應用。表面積只處理底面為圓、長方形、直角三角形、平行四邊形的情況，布題注意底面邊長的正確性。表面積不宜過度評量。複合形體以兩形體組合為限。
R-6-1	數的計算規律	技術上，也須理解小數和分數乘除混合計算時，常用的約分技巧。在生活解題上，乘法和除法意義不同，但在計算上兩者實為一體，學生因此提高數學抽象層次。乘法和除法視為一體的好處是計算規律大為簡化；不予評量。
R-6-2	數量關係	可以表格或統計圖協助發現規律。可以簡單公式說明其中的數量關係。
R-6-3	數量關係的表示	例如：晝長夜長的關係可列成晝長+夜長=24。連結 R-6-2。含部分運用符號的教學，連結國中「符號代表數」或「未知數」教學。重點在「關係的表示」，而非抽象的「代數符號演算」。
R-6-4	解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題	乘法原理如 3 件上衣與 5 件裙子的搭配方式；加法原理如允許重複，1、2、3 可排出幾種二位奇數。其混合如 1、2、3 可排出幾種三位奇數。乘法原理和乘法原理旨在初步學習計數的觀點，而非複雜的計數問題。複雜解題旨在思考，不要求步驟的併式。
D-6-1	圓形圖	處理部分/全體性質之資料。分辨不同統計圖之使用時機。
D-6-2	解題：可能性	「A 比 B 可能」限兩者差異大的情況。僅從資料數量的多寡來回答。非古典機率。
7 年級		
N-7-8	科學記號	科學記號中，例如 1 奈米= 10^{-9} 公尺，其中含有負數次方的部分，可以使用小數與之轉換來解釋，不宜牽涉到其他底數的負次方。
N-7-9	比	刪除繁分數，遇到兩分數之比時，以分數相除處理之。
N-7-10	連比的紀錄	此條目僅教授三個量的連比例紀錄，涉及連比例相關計算屬於 N-9-1 的教學。
S-7-3	簡單立體教學	S-5-7 的直角柱教學為以操作活動為主，本條目的直角柱與正角椎之教學則以理解數學概念為主。
8 年級		
N-8-1	二次方根	可使用乘法公式來化簡的根式，待乘法公式單元再提及。
N-8-2	二次方根的近似值	二次方根的整數部分，可用幾何、十分逼近法、計算機求近似值。
S-8-2	凸多邊形的內角和	刪除多邊形外角和公式。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
S-8-12	尺規作圖與幾何推理	幾何推理不另立章節，在適當地的脈絡出現。
A-8-3	多項式的四則運算	刪除分離係數法。
A-8-5	因式分解的方法	只處理整係數 $ax^2 + bx + c$ 的因式分解或與乘法公式直接相關者，不處理一般二元齊次或二元非齊次式但有一次介入者。
9 年級		
S-9-5	直角三角形的三角比	建議由特殊直角三角形 30-60-90 及 45-45-90 的直角三角形引入日常生活中常見的「坡度」與邊長比固定，來定義 $\tan A$ 的值，再延伸至 $\sin A$ 與 $\cos A$ 。使學生熟悉基本定義即可，勿過度延伸、勿介紹三角函數的中文命名。
S-9-13	空間中的線與平面	S-5-6 僅教授「面與面的平行與垂直、線與面的垂直」，並且以操作活動為主。本條目則新增「空間中的線與線的垂直、平行、歪斜，以及線與面的平行」，且以理解數學概念為主，以銜接 7-9 年級之空間幾何教學。
S-9-14	表面積與體積	S-6-4 僅教授「直柱體的體積」，本條目除了複習並加深直柱體的體積概念，並且透過直柱體與正錐體的展開圖，計算其表面積。
D-9-1	統計數據	給定平均數（僅處理算術平均數），中位數，眾數，全距，四分位距等資料，詮釋其所代表的意義，解讀資料的特性。勿要求學生繪製表格及計算上述資料。
D-9-2	認識機率	以樹狀圖分析所有的可能性，國中階段以對稱性(節點相同)的樹狀圖為主。
10 年級		
N-10-2	絕對值	絕對值不等式以 $ x-a > b$ 和 $ x-a < b$ 為原則，且連結 b 為誤差範圍之意涵，連結相關的商品或工程標示。搭配不等式的解，引進實數的區間符號，可包括區間的聯集以及 $\pm\infty$ 符號，僅限表達不等式的解區間，不做區間的集合運算。
N-10-6	數列、級數與遞迴關係	遞迴關係以一階為主；數學歸納法應先透過觀察發現規律，然後用以證明；正整數的輾轉相除法不另立單元，不延伸至不定方程，融入遞迴關係；將數學歸納法的範例與應用，融入後續的課程，不必在此過度練習。
G-10-1	坐標圖形的對稱性	不必涉及一般的線對稱與點對稱。
G-10-2	直線方程式	平行線方程式與平面幾何的綜合應用，可導出由 P 、 Q 兩點坐標計算三角形 OPQ 面積的算法，其應用範例可包含計算點到直線的距離、平行線的距離。呼應國中的知識。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
G-10-4	直線與圓	不含兩圓關係。搭配不等式，可連結描述式的集合符號。僅限表達不等式的解區域，不做區間的集合運算。
G-10-5	廣義角和極坐標	須讓學生有操作經驗。廣義角之範圍，初以 -180° 至 360° 為限，將來在脈絡中推廣之；可利用行列式的方向性當作斜角方向性的理由；應帶領學生認識，在平面上，斜率、斜角和方向觀念，彼此等價。
G-10-6	廣義角的三角比	須讓學生有自行根據圖形之測量而估算廣義角三角比的實際操作經驗。
G-10-7	三角比的性質	盡量一致以「斜角」作為角的概念心像。可導出內積公式，以表現坐標的功能。銜接國中的長方體經驗，在長方體的截面上示範三角測量，在三角比的脈絡中，延展國中的空間概念，並可延伸至正角錐體。三角測量不設獨立單元，以示範三角之基本性質為主，融入教學脈絡之中，多舉出歷史上的重要應用範例。
A-10-2	多項式之除法原理	綜合除法之除式僅作 $x - a$ 即可，不必推廣到 $ax - b$ 。
F-10-1	一次與二次函數	在課程脈絡中，認識 $f(x)$ 之函數符號的必要性與合理性，例如 $f(x)$ 與 $f(x - h)$ 、 $f(-x)$ 的圖形關係。
F-10-2	三次函數的圖形特徵	認識一般三次函數皆為 $y = ax^3 + px$ 之平移；用 $(x - a)$ 的多項式探討 $x = a$ 附近的函數圖形近似一條直線。
F-10-4	多項式不等式	搭配不等式的解，引進實數的區間符號，可包括區間的聯集以及 $\pm\infty$ 符號，可連結描述式的集合符號。僅限表達不等式的解區間，不做區間的集合運算。
D-10-1	集合	連結在區間與不等式解區域的經驗，適度銜接國中經驗，例如：以四邊形作為集合運算的範例。
D-10-2	數據分析	適度與國中所習的數據布圖重疊，但加深加廣其情境，並將四分位數延伸至百分位數。學生應知道統計數據可能有略為不同的定義，也應理解可能產生數值略為不同但意義相同的數據；學生也應習得根據數據的特徵選擇適當統計量的基本能力。最適直線的教學重點是先辨識可能有直線關係，然後討論其「最適」的評量標準；建議以平均數為0的數據搭配通過原點的直線，推論最適直線即可。教師應做電腦軟體的操作示範。
D-10-3	有系統的計數	此處的排列與組合，以供應古典機率之所需為教學目標；應包含二項式展開作為組合的應用範例。
11 年級 (A 類)		
N-11A-1	弧度量	弧度量與度量的互換，宜在後續學習的脈絡中，經常練習。
S-11A-1	空間概念	須認識兩面角，但除了直角以外，不必以幾何方式處理一般的兩面角。三視圖以 $3 \times 3 \times 3$ 之堆疊且容許中空為原則。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
G-11A-1	平面向量	請注意連結 10 年級所學的基礎，此處之向量盡量以位置向量為主，以線性組合為主要目標。
G-11A-4	三角不等式	涵蓋實數的三角不等式，作為向量之三角不等式的特殊例。
G-11A-5	三角的和差角公式	請注意連結 10 年級所學的基礎，以正弦和餘弦為主，正切之對應公式以推論之練習為原則。
G-11A-6	平面向量的運算	可用柯西不等式解釋二維數據的相關係數範圍。✳
G-11A-8	三階行列式	連結 11 年級所學的基礎，以平行六面體的體積意義為重點。
A-11A-1	二元一次方程組的矩陣表達	以平面向量的具體操作體現線性組合的意涵，克拉瑪公式以連結平面向量之線性組合以及平行四邊形面積為重點。
A-11A-2	三元一次聯立方程式	以插值多項式作為產生三元一次聯立方程式的範例之一，連帶介紹牛頓插值多項式。高斯消去法之增廣矩陣不延伸至方陣之 rank 觀念。可適度連結平面向量之線性組合意涵，解釋方程組唯一解、無窮多組解、無解的情況，但不延伸線性獨立之相關課題。可在觀念上推廣到更高次，說明高階方程組用電腦求解，並應以電腦軟體示範之。(三平面幾何關係的代數判定 ★)
A-11A-3	矩陣的運算	可以在概念上探討任意階的反方陣，但若要確切算出反方陣，則僅限 2 階。
A-11A-4	對數律	可搭配指數方程式的解，認識一般底的對數。
F-11A-4	指數與對數函數	設計特殊單位長的方格紙做較大底數的指數函數圖形，包括 10^x ；設計特殊單位長的方格紙做 $\log x$ 的函數圖形，不討論一般底的對數函數。任何指數函數 a^x 皆可改寫成 10^{kx} ，其中 $0 < a \neq 1$ 。
11 年級 (B 類)		
S-11B-1	空間概念	留意學生在地理課的需求，認識球面上的大圓與小圓。認識直線與平面的垂直關係、直線與直線的平行與垂直關係、兩平面的垂直關係；認識兩面角，但除了直角以外，不必以幾何方式處理一般的兩面角。三視圖以 $3 \times 3 \times 3$ 之堆疊且無中空狀況為原則。
G-11B-4	空間坐標系	由球心在原點之球面上的經緯度計算空間坐標，不必計算距離。
12 年級 (加深加廣選修數學甲)		
N-12 甲-1	數列的極限	應包括牛頓求根法，示範不確知結果的數列極限，用計算機估計其值。夾擠定理可示範古典的圓周率估計，從計算機的估計值看到夾擠的現象。認識常數 e 之後，可介紹標準指數函數及自然對數函數。

編號	學習內容條目	學習內容補充說明
G-12甲-1	二次曲線	含平移與伸縮，運用線性變換，旋轉橢圓的(以原點為中心)標準式，認識含 xy 項的二元二次方程式。可從橢圓的參數式擴及圓的參數式。
F-12 甲-1	函數	在學習微分或相關內容的脈絡中，認識函數作為可操作的對象，例如 $f \pm g$ 、 $f \circ g$ ，熟練這些操作。
F-12 甲-2	函數的極限	請注意連結 10 年級所學的多項式相除之基礎；此處的目標是處理微分，勿過度延伸。
F-12 甲-3	微分	※可以將 $\sin x$ 與 $\cos x$ ， 2^x ， 3^x 等函數的導函數，當作微分的例子。
F-12 甲-4	導函數	以多項式函數為主要操作對象。多項式函數的泰勒展開式。
F-12 甲-6	積分	不涉及分部積分與變數變換。定積分以多項式函數為主要操作對象，但在面積之意義明顯時，可擴及其他函數或給定的圖形。可包含連續的兩段或三段折線函數，絕對值與一次或二次函數的合成。
F-12甲-7	積分的應用	得知球的體積之後，可以用微分觀念得到球的表面積。
12 年級（加深加廣選修數學乙）		
F-12 乙-1	函數	在學習微分或相關內容的脈絡中，認識函數作為可操作的對象，例如 $f \pm g$ 、 $f \circ g$ 。
F-12 乙-2	函數的極限	請注意連結 10 年級所學的多項式相除之基礎；此處的目標是處理微分，勿過度延伸。
F-12 乙-5	積分	不涉及分部積分與變數變換。在面積之意義明顯時，可擴及其他函數或給定的圖形。

1041109 公聽會版本(國民中小學及普通型高中)
 附錄四、學習內容主題和分年雙向細目表

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	關係 (R)	資料與不確定性 (D)
1 年級	一百以內的數	長度	算式與符號	簡單分類
	加法和減法	形體的操作	兩數相加的順序不影響其和	
	基本加減法			
	解題：1 元、5 元、10 元、50 元			
	長度			
	日常時間用語			
2 年級	一千以內的數	物體之幾何特徵	不等號與遞移律	分類與呈現
	加減算式與直式計算	簡單幾何形體	三數相加，順序改變不影響其和	
	解題：加減應用問題	直尺操作	兩數相乘的順序不影響其積	
	解題：簡單加減估算	平面圖形的邊長	加法與減法的關係	
	解題：100 元、500 元	面積		
	乘法			
	十十乘法			
	解題：兩步驟應用問題(加、減、乘)			
	解題：分裝與平分			
	分數			
	長度：「公分」、「公尺」			
	容量、重量、面積。			
	鐘面的時刻			
	時間：「年」、「月」、「星期」、「日」			
3 年	一萬以內的數	角度	乘法與除法的關係	一維表格與二維表格
	加減直式計算	正方形和長方形	數量模式與推理 (I)	

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	關係 (R)	資料與不確定性 (D)
級	乘以一位數	圓		
	除法	立體形體與展開圖		
	除一位數			
	解題：乘除應用問題			
	解題：兩步驟應用問題(加減與除、連乘)			
	解題：四則估算			
	簡單同分母分數			
	一位小數			
	整數數線			
	長度：「毫米」			
	角度			
	面積：「平方公分」			
	容量：「公升」、「毫升」			
	重量：「公斤」、「公克」			
	時間：「日」、「時」、「分」、「秒」			
4年級	一億以內的數	角度：「度」	兩步驟問題併式	長條圖
	較大位數之乘除計算	解題：旋轉角	四則計算規律 (I)	
	解題：兩步驟應用問題 (乘除，連除)	正方形與長方形的面積與周長	以文字表示數學公式	
	解題：對大數取概數	體積	數量模式與推理 (II)	
	同分母分數	垂直與平行		
	等值分數	平面圖形的全等		
	二位小數	三角形		

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	關係 (R)	資料與不確定性 (D)
	數線與分數、小數	四邊形		
	長度：「公里」			
	角度：「度」			
	面積：「平方公尺」			
	體積與「立方公分」			
	解題：日常生活的時間加減問題			
5 年級	十進位的位值系統	三角形與四邊形的性質	三步驟問題併式	折線圖
	解題：多步驟應用問題	三角形與四邊形的面積	四則計算規律 (II)	
	公因數和公倍數	扇形	以符號表示數學公式	
	異分母分數	線對稱		
	分數的乘法	正方體和長方體		
	整數相除之分數表示	空間中線與面的關係		
	分數除以整數	球與柱體		
	小數的乘法			
	整數、小數除以整數(商為小數)			
	解題：比率與應用			
	解題：對小數取概數			
	面積：「公畝」、「公頃」、「平方公里」			
	重量：「公噸」			
	體積：「立方公尺」			
解題：容積				

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)		關係 (R)		資料與不確定性 (D)
	解題：時間的乘除問題					
6 年 級	質數、質因數，質因數分解	放大與縮小		數的計算規律		圓形圖
	最大公因數與最小公倍數	解題：地圖比例尺		數量關係		解題：可能性
	分數的除法	圓周率、圓周長、圓面積、扇形面積		數量關係的表示		
	小數的除法	柱體體積與表面積		解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題		
	解題：整數、分數、小數的四則應用問題					
	比與比值					
	解題：速度					
	解題：基準量與比較量					
解題：由問題中的數量關係，列出恰當的算式解題						
年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	坐標幾何 (G)	代數 (A)	函數 (F)	資料與不確定性 (D)
7 年 級	100 以內的質數	簡單圖形與幾何符號	平面直角坐標系	代數符號		統計圖
	因數與倍數	圓		一元一次方程式的意義		
	負數與數的四則混合運算(含分數、小數)	簡單立體圖形		一元一次方程式的解法與應用		
	數的運算規律	垂直		二元一次聯立方程式的意義		
	數線	線對稱		二元一次聯立方程式的解法與應用		

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	坐標幾何 (G)	代數 (A)	函數 (F)	資料與不確定性 (D)
7 年級	指數的意義	線對稱的基本圖形		二元一次聯立方程式的幾何意義		
	指數律			一元一次不等式的意義		
	科學記號			一元一次不等式的解與應用		
	比					
8 年級	二次方根	角	直角坐標系上兩點距離公式	二次式的乘法公式	一次函數	統計資料處理
	二次方根的近似值	凸多邊形的內角和		多項式的意義	一次函數的圖形	
	認識數列	平行		多項式的四則運算		
	等差數列	全等圖形		因式分解		
	等差級數求和	三角形的全等性質		因式分解的方法		
	等比數列	畢氏定理		一元二次方程式的意義		
		長度與面積		一元二次方程式的解法與應用		
		三角形的基本性質				
		平行四邊形的基本性質				
		正方形、長方形、箏形的基本性質				
		梯形的基本性質				
	尺規作圖與幾何推理					
9 年級	連比	相似形			二次函數的意義	統計數據
		三角形的相似性質			二次函數的圖形與極值	認識機率
		平行線截比例線段				古典機率
		相似直角三角形邊長比值的不變性				

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	坐標幾何 (G)	代數 (A)	函數 (F)	資料與不確定性 (D)
		直角三角形的三角比				
		圓的幾何性質				
		圓弧長與扇形面積				
		點、直線與圓的關係				
		三角形的外心				
		三角形的內心				
		三角形的重心				
		證明的意義				
		空間中的線與平面				
	表面積與體積					
10年級	實數		坐標圖形的對稱性	式的運算	一次與二次函數	集合
	絕對值		直線方程式	多項式之除法原理	三次函數的圖形特徵	數據分析
	指數		圓方程式		多項式的根	有系統的計數
	常用對數		直線與圓		多項式不等式	古典機率
	數值計算的誤差		廣義角和極坐標			
	數列、級數與遞迴關係		廣義角的三角比			
	邏輯		三角比的性質			
11年級 A類	弧度量	空間概念	平面向量	二元一次方程組的矩陣表達	三角函數的圖形	主觀機率與客觀機率
			空間坐標系	三元一次聯立方程式	正餘弦的疊合	條件機率
			空間向量	矩陣的運算	矩陣的應用	貝氏定理
			三角不等式	對數律	指數與對數函數	
			三角的和差角公式			
			平面向量的運算			
			空間向量的運算			
			三階行列式			
		平面方程式				

年級	數與量 (N)	空間與形狀 (S)	坐標幾何 (G)	代數 (A)	函數 (F)	資料與不確定性 (D)
			空間中的直線方程式			
11年級 B類	弧度量	空間概念	平面向量	矩陣與資料表格	週期性數學模型	主觀機率與客觀機率
		圓錐曲線	平面向量的運算		按比例成長模型	不確定性
			平面上的比例			
			空間坐標系			
12年級 甲類	數列的極限		二次曲線	複數與方程式	函數	離散型隨機變數
	無窮等比級數				函數的極限	二項分佈
	複數				微分	幾何分佈
					導函數	
					黎曼和	
					積分	
					積分的應用	
12年級 乙類	複數			線性規劃	函數	離散型隨機變數
	無窮等比級數			方程式的虛根	函數的極限	二項分佈
					微分	
					導函數	
					積分	
					積分的應用	